

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

## Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

### **About Google Book Search**

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



### Acerca de este libro

Esta es una copia digital de un libro que, durante generaciones, se ha conservado en las estanterías de una biblioteca, hasta que Google ha decidido escanearlo como parte de un proyecto que pretende que sea posible descubrir en línea libros de todo el mundo.

Ha sobrevivido tantos años como para que los derechos de autor hayan expirado y el libro pase a ser de dominio público. El que un libro sea de dominio público significa que nunca ha estado protegido por derechos de autor, o bien que el período legal de estos derechos ya ha expirado. Es posible que una misma obra sea de dominio público en unos países y, sin embargo, no lo sea en otros. Los libros de dominio público son nuestras puertas hacia el pasado, suponen un patrimonio histórico, cultural y de conocimientos que, a menudo, resulta difícil de descubrir.

Todas las anotaciones, marcas y otras señales en los márgenes que estén presentes en el volumen original aparecerán también en este archivo como testimonio del largo viaje que el libro ha recorrido desde el editor hasta la biblioteca y, finalmente, hasta usted.

#### Normas de uso

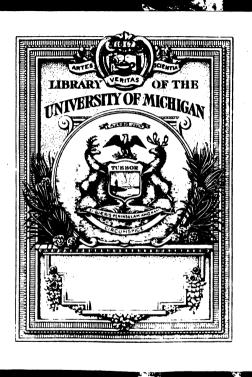
Google se enorgullece de poder colaborar con distintas bibliotecas para digitalizar los materiales de dominio público a fin de hacerlos accesibles a todo el mundo. Los libros de dominio público son patrimonio de todos, nosotros somos sus humildes guardianes. No obstante, se trata de un trabajo caro. Por este motivo, y para poder ofrecer este recurso, hemos tomado medidas para evitar que se produzca un abuso por parte de terceros con fines comerciales, y hemos incluido restricciones técnicas sobre las solicitudes automatizadas.

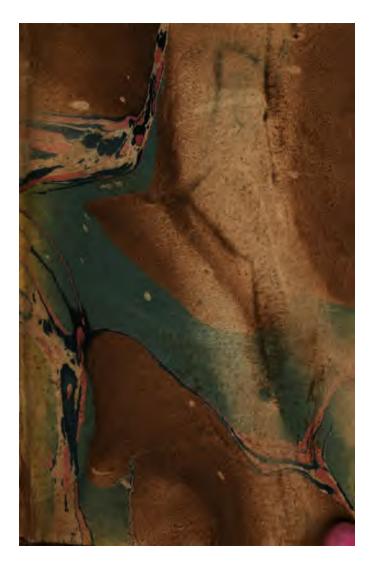
Asimismo, le pedimos que:

- + *Haga un uso exclusivamente no comercial de estos archivos* Hemos diseñado la Búsqueda de libros de Google para el uso de particulares; como tal, le pedimos que utilice estos archivos con fines personales, y no comerciales.
- + *No envíe solicitudes automatizadas* Por favor, no envíe solicitudes automatizadas de ningún tipo al sistema de Google. Si está llevando a cabo una investigación sobre traducción automática, reconocimiento óptico de caracteres u otros campos para los que resulte útil disfrutar de acceso a una gran cantidad de texto, por favor, envíenos un mensaje. Fomentamos el uso de materiales de dominio público con estos propósitos y seguro que podremos ayudarle.
- + *Conserve la atribución* La filigrana de Google que verá en todos los archivos es fundamental para informar a los usuarios sobre este proyecto y ayudarles a encontrar materiales adicionales en la Búsqueda de libros de Google. Por favor, no la elimine.
- + Manténgase siempre dentro de la legalidad Sea cual sea el uso que haga de estos materiales, recuerde que es responsable de asegurarse de que todo lo que hace es legal. No dé por sentado que, por el hecho de que una obra se considere de dominio público para los usuarios de los Estados Unidos, lo será también para los usuarios de otros países. La legislación sobre derechos de autor varía de un país a otro, y no podemos facilitar información sobre si está permitido un uso específico de algún libro. Por favor, no suponga que la aparición de un libro en nuestro programa significa que se puede utilizar de igual manera en todo el mundo. La responsabilidad ante la infracción de los derechos de autor puede ser muy grave.

## Acerca de la Búsqueda de libros de Google

El objetivo de Google consiste en organizar información procedente de todo el mundo y hacerla accesible y útil de forma universal. El programa de Búsqueda de libros de Google ayuda a los lectores a descubrir los libros de todo el mundo a la vez que ayuda a autores y editores a llegar a nuevas audiencias. Podrá realizar búsquedas en el texto completo de este libro en la web, en la página http://books.google.com





331-3

# INSTITUCIONES 35

## DE

# GEOMETRÍA PRÁCTICA

PARA USO DE LOS JOVENES ARTISTAS.

POR DON BENITO BAILS.



MADRID. MDCCXCV.

EN LA IMPRENTA DE LA VIUDA DE IBARRA-

٠..

· ·

١

# ADVERTENCIA.

En la Introduccion no me he dilatado quanto me era posible. Sobre que la Arismética por decimales facilita la práctica de la Arismética comun, me pareció natural suponer impuestos en esta á los muchachos, pues á todos se la enseñan en edad muy tierna los Maestros de primeras letras.

IN-

# 

## INTRODUCCION.

r Por el sistema de numeracion, ó método de contar que seguimos, el qual está declarado en todos los tratados de Arismética, el valor de los números va creciendo de diez en diez, ó va siendo sucesivamente diez veces mayor á medida que se van apartando de la unidad á mano izquierda; y los mismos números considerados en direccion contraria, esto es desde la unidad á mano derecha, van sucesivamente menguando de diez en diez, ó siendo sucesivamente menores en la misma proporcion decupla, que son mayores conforme se van apartando de la unidad ácia la izquierda. Van pues los números en aumento decuplo de la unidad á la izquierda,

y en diminucion decupla desde la unidad á la derecha. Por esta razon se han convenido los Matemáticos en usar de una señal que manifieste el lugar donde se pone la unidad, cuya señal es una coma ó punto, el qual por lo mismo se llama punto divisorio, ó coma divisoria.

2 En virtud de este convenio fundamental, los guarismos de la primer columna á mano derecha despues de la unidad representan décimas partes de la misma unidad, pues son diez veces menores que ella; los guarismos de la segunda columna siguiente representan centésimas, los de la tercera representan milésimas, los de la quarta, quinta, &c. columna representan, cien milésimas, millonésimas, &c. de la unidad principal. Así esta partida, 3584 se lee del modo siguien-

 $\mathbf{A}$  3

te; ya que la coma ocupa el lugar de la unidad, el 3 representa décimas, el 5 centésimas, el 8 milésimas, &c. partes de la unidad, y por consiguiente la partida propuesta representa diez milésimas partes suyas.

Se ve pues que con el sistema generalmente recibido de numeracion se puede expresar, no solo qualquier número de unidades por grande que sea, sino tambien un número de sus partes por pequeñas que sean, de modo que sean de tal grado de pequeñez, que en la práctica se puedan omitir, sin que de ello resulte ningun error sustancial.

3 En toda cuenta llamamos unidad principal la que se supone dividida en partes menores: quando v. gr. sumo ó resto, &c. varas con pies, pulgadas, &c. las varas son la unidad principal; si una cuenta expresa varas, y centésimas partes suyas, tambien la vara es la unidad principal; si en una cuenta donde la unidad principal es v. gr. el peso, hay quatro pesos, y tres milésimas de peso, es constante que las tres milésimas, por muy pequeñas, podrán despreciarse, sin que de aquí resulte ningun error que sea de consideracion.

- 4 Ademas de esta ventaja proporcionan otra las decimales, y es calcular sin quebrados comunes, de lo que resultan menos embarazosas las cuentas. Por lo que se ha hecho muy comun, é importa conocer el uso de las decimales.
- 5 Pero primero queden advertidos los principiantes que aquí nos proponemos hacer uso de signos, ó caractéres que hacen, sin perjuicio de su claridad, mas breves las explicaciones.

Se

Se usan, y los usarémos tambien, los caractéres siguientes:

El signo +, que se llama mas, significa la suma de las cantidades entre las quales se halla, 2+3 v. gr. señala 5, ó que 2 y 3 son sumados uno con otro. El signo —, que se llama menos, significa que de dos cantidades entre las quales se halla, la segunda es restada de la primera, 8 — 3 v. gr. significa que 3 es restada, ó se ha de restar de 8, y por lo mismo 8 — 3 vale 5. Este carácter ×, que quiere decir multiplicado por, puesto entre dos cantidades, manifiesta que la una está multiplicada por la otra; 4×3 quiere decir que quatro está multiplicado por 3, ó que 4×3 vale 12.

Para expresar que dos cantidades son iguales ponemos entre ellas este signo = , que significa es igual á, v. gr. 3+5=8, quiere decir que 3

sumado con 5 vale, ó es igual á 8.

Reduccion de los quebrados comunes á cantidades decimales.

6 Todo número que no contiene sino unidades principales se llama número entero; el que contiene unidades principales, y partes suyas, es número mixto; y el que no contiene sino partes de la unidad se Hama fraccion, ó quebrado comun. 3 varas, v. gr. es número entero; 3 varas, y dos tercios, que se escribe así 3 3; es un número mixto, porque contiene tres enteros, y dos partes de otro; el número 4 de vara se llama quebrado, y este es quebrado de vara, porque de los! tres pies que la componen solo expresa dos. De los dos números del quebrado, el que está debaxo de la linea que los separa se llama de-

no-

nominador, 3 es el denominador del quebradó propuesto, porque da nombre á las partes que supone componen un entero, ó una vara; el número que está encima de la misma linea se llama numerador porque señala quantas partes del entero tiene el quebrado.

7 De lo dicho se puede inferir que las cantidades decimales se substituyen en lugar de los quebrados comunes, con lo que se escusan estos, y salen mas fáciles muchos cálculos de la Arismética. Lo que se consigue reduciendo los quebrados comunes á cantidades decimales, con las quales, expresa la Arismética con la misma facilidad que con los números enteros.

Para esta reduccion se le añaden al numerador quantos ceros se quiera, despues se le parte por el denominador, y el cociente es el número decimal al qual queda reducido el quebrado.

8 Quando el denominador no cabe en el numerador, no tiene el número decimal entero alguno, y en su lugar se pone cero. En toda cantidad decimal hay tantos caractéres quantos ceros se han añadido al numerador del quebrado comun. Los exemplos manifestarán todo esto.

1.º Reducir ¼ á decimal. Como el denominador 4 no cabe en el numerador 1, el quebrado comun, ó la cantidad decimal á la qual se le podria reducir no vale ningun entero; añado pues dos ceros al numerador; y para reducir á cantidad decimal el quebrado que le iguala, tengo que partir por el denominador 4, el numerador 1 con dos ceros añadidos, el qual expresa el valor de 12º, esto es 12º digo pues, ya que el quebrado comun no tiene entero alguno, 1 partido por 4.

vale cero, el qual pongo antes de la coma; I con el primer cero añadido vale 10, tengo pues que partir 10 por 4; y como 1º igual 2, pongo dos despues de la coma, y queda el residuo 2 á cuyo lado baxo el segundo de los dos ceros que añadí al numerador, luego tengo que partir 20 por 4, y el cociente 5 que sale le pongo á continuacion del 2, y como no queda residuo ninguno el quebrado comun 1 partido por 4, ó despues de anadidos los ceros al numerador 100 0, 25 cantidad decimal á la qual queda reducido + ço.

2.º Reducir 4 decimal. Añadiendo dos ceros al numerador es 10 = 0,50, cantidad decimal valor de 4.

3.9 Reducir 3 á decimal.

Añado dos ceros al numerador y le parto por 4, y saco 30,000,75, cantidad decimal valor del quebrado propuesto.

Re-

4.º Reducir 11 á decimal.

Añado tres ceros al numerador, y 10 parto por 80, saco 1180 = 0,137, cantidad decimal valor del quebrado propuesto.

Adicion de las cantidades decimales.

tan del mismo modo que los enteros por decenas de la derecha á la izquierda, la regla para sumarlas, ó restarlas, es de todo punto la misma, ocupando las decimales de un mismo nombre una misma columna.

Para sumar pues unas con otras las siguientes decimales 72, 957; 12, 8; 124, 03, ó sacar el valor de 72, 957 + 12, 8 + 124, 03 se sumarán las tres partidas como aquí.

72, 957 12, 8 124, 03

209, 787.

Para mayor facilidad se añaden ceros á la cantidad que no tenga el mismo número de columnas decimales que las demas; pongo por caso las tres partidas propuestas, se sumarán despues de añadir dos ceros á la partida segunda, y uno á la tercera, con lo que sumarémos las tres partidas siguientes:

0,740300
0,468100
0,904283
2,112683
0,00347
2,37500
3,53400
5,91247

Pon-

Pongo por caso en la columna de las décimas del primer exemplo hay un 9, un 8 y un cero, cuya suma es 17, esto es 7 décimas y una onidad; apunto debaxo de ella las 7 décimas, y las diez décimas ó la decena reducida á una unidad, que es lo que vale en la columna de los enteros; la llevo para agregarla á la columna inmediata á la izquierda; digo pues: uno que llevo, y dos son tres y dos son cinco y quatro son nueve, pongo o debajo de dicha columna, y para sumar la que se sigue á la izquierda no llevo nada, porque la suma de la antecedente no tiene decena ninguna; digo pues en sumando la columna inmediatamente siguiente á la izquierda: siete y uno son ocho y dos son diez, pongo pues cero debaxo, y la decena que hay en su suma convertida á unidad la agrego al guarismo uno que

está á la izquierda, cuyo uno sumado con el uno que está despues del dos hace dos que pongo debaxo.

una cantidad decimal no mudan sa valor, porque si bien despues de añadirle los ceros tiene mayor número de partes, tambien las tienemenores en la misma proporcion que ha crecido su número v. gr. 10 añadiéndole un cero expresa 100 partes, pero son centésimas, esto es, diez veces menores que las décimas.

## Sustraccion de las decimales.

12 Para restar una decimal de otra se practica de todo punto lo mismo que para restar un entero de otro; pero para escusar ropiezos, se procura que en ambas partidas haya un mismo número de figuras decimales, anadiendo los ce-

ros necesarios á la que tiene menos. He de restar de 947,3

3,23

Añado á la partida de arriba un ero, que le falta para que tenga el hismo número de decimales que la partida de abaxo; voy á la operacion restando 3 de 0; y como esto no se puede, le añado al cero con el pensamiento una unidad que tomo del 3 que tiene á su lado, el qual sefialo con un punto para acordarme que ha de valer una unidad menos, la qual vale 10, y quedan 7 que pongo debaxo. Prosigo restando 2 de 3, del qual me dice el punto puesto encima que no vale sino 2; restando 2 de abaxo de 2 de arriba, queda cero; continúo la operacion restando 3 de 7; quedan 4, que pongo debaxo. Como no hay número ninguno que restar del 9, y del 4 de arriba, se quedan como están, y los

[16]

pongo debaxo. Es, pues, la resta 944,07.

De he de restar	947,3° 3,23	7,34 1,70
	944,07	5,64

Empiezo la operacion restando o de 4, que pongo debaxo: para proseguir deberia restar 7 de 3; y como no se puede, añado al 3 una unidad del 7, que tiene á su lado, el qual por esto señalo con un punto, y con la unidad añadida, que en el 7 vale 10, respecto del 3 vale ahora este 13; y restando 7 de 13, resta 6 que pongo debaxo: finalmente restando 1, no de 7, sino de 6, que ahora no vale mas como lo señala el punto, resta 5 que pongo debaxo.

# Multiplicacion de las decimales.

162 69 30 5 5 5 4338 45 125 150

450,109

Multiplico 5423 por 83, saco el producto 450109; y como hay dos decimales en uno de los factores, que es el multiplicando, y una en el otro factor, que es el multiplicador; se Ba pa-

paro tres figuras á la derecha del producto hallado despues de la coma, el qual con esto es 450,109,

He de multiplicar			0,12
por	• • • •		0,3
	,		36

Multiplico 12 por 3, sale el producto 36: como en este caso se debian separar tres figuras decimales, podria haber alguna duda; pero el que tenga presente la razon dada en esta regla en el exemplo último, echará de ver que es preciso añadir, como se vé en el producto, un o entre 36 y la coma. La razon es, que si se hubiese de multiplicar 0,12 por 3, el producto seria patentemente 0,36; pero como he de multiplicar por 0,3, esto es por un número diez veces menor que 3, no pue-

puede menos de salir un producto diez veces menor que 0,36, el qual por lo mismo ha de expresar milésimas, cuya condicion se cumplió con escribir 0,36; pues el 3 que en 0,36 expresa décimas, en 0,036 expresa centésimas.

13 Antes de explicar como se dividen unas por otras las decimales, diré como se hace la division de un entero por otro.

Por de contado se sienta fa cantidad que se ha de dividir, y á su derecha la que es su divisor; se tira entre los dos guarismos una linea de arriba abaxo, debaxo de cuya linea se tira debaxo del divisor ácia la derecha otra linea; y debaxo de ella se sientan las figuras que da la division á medida que van saliendo. Despues se mira quantas veces el divisor cabe en la primera ó dos primeras figuras del dividendo

**B** 3

á mano izquierda, si el divisor no tiene mas de dos; si tuviera mas, se miraria quantas veces caben todas en otras tantas del dividendo, ó una mas. Despues se multiplica por el cociente que salió; su producto se resta del dividendo, al lado de cuya resta, si la hay, se baxa la figura siguiente del dividendo, separándola de las que se la siguen con una coma: la figura baxada con dicha resta ó sola, si no hubo resta alguna, compone el segundo dividendo parcial, con el qual se ha de practicar lo mismo que con el primero. Se prosigue á este tenor hasta que no quede en el dividendo mas figura que baxar, y queda concluida la operacion.

Todo esto presupuesto, digamos como se parte 978 por 6, ó bust quemos quantas veces cabe 6 en 978.

[21]			
9,7,8, 6	163		
37 36	•		
18	<b>-</b>		
-00	-		

Despues de sentadas las partidas como aquí se vé, tocaria saber quantas veces 6 cabe en el dividendo; pero como esto es algo dificultoso, sirve de primer dividendo solo el 9, y decimos: ¿en 9 quantas veces 6.2 como cabe una vez no mas, siento uno al cociente, Multiplico el divisor 6 por 1, el producto 6 le resto del dividendo 9, y queda 3.

Al lado de la resta 3 baxo el guarismo 7 del dividendo, y le separo B4 con con una coma por manera que el segundo dividendo es 37. Digo, pues: ¿en 37 quantas veces 6? cabe 6 veces; sentando por lo mismo 6 al cociente despues del 1, multiplico por el último cociente 6 el divisor 6, el producto 36 le resto del dividendo, y resta 1.

Al lado de esta resta i baxo el último guarismo 8 del dividendo, mediante lo qual el tercer y último dividendo es 18. Digo primero: ¿en 18 quantas veces 6? cabe 3 veces; pongo, pues, 3 al cociente, multiplico por último el divisor por el cociente 3, resto el producto 18 del tercer dividendo 18; y como no queda nada, saco que el 6 cabe 163 veces en 978, ó que partido por 6=163.

14 Ahora diré como se hace la division de las cantidades decimales, una por otra.

Quan~

Quando ocurre partir una decimal por otra, se ponen tambien á continuacion de la que tiene menos decimales tantos ceros, quantos se necesitan para que en ambas partidas, el dividendo y el divisor, haya igual número de figuras decimales, se hace la division del mismo modo que si fuesen números enteros: el cociente que sale es el verdadero.

He de partir 12,52 por 4,3.

Parto pues 12 5,2 | 430 8.6 0 2313

392

Saco el cociente 2, y la resta 3923 quiero decir que el cociente es 2333.

Pero como la principal utilidad del cálculo por decimales es excusar los quebrados comunes, en vez de escribir la resta 392 á manera de quebrabrado comun, como está figurado, prosigo la operacion como aquí se vé.

Despues de sacar el cociente entero 2, añado un cero á la resta 392; prosigo partiendo por 430, y pongo el cociente nuevo que sale, pero primero señalo el lugar de las unidades enteras con poner la coma despues del 2, y el 9 expresará décimas no mas: hecha la multiplicacion y la sustraccion, prosigo la operacion para reducir á cantidad decimal el quebrado comun 392 partido por 430. Lo que prosigo quanto me parece; y cinéndome en este exemplo á quatro figuras decimales, saco el cociente 2,9116, que contiene decimales, con lo que el cociente no discrepa del verdadero, ni siquiera, una diezmilésima parte, pues no le puedo añadir, ni quitar una unidad, sin que sea mayor ó menor de lo gue corresponde.

Exem-

	(-5)	
Exemplo.	1252 860	2,9
	3920 3870	- · · ·
1	50 49	
		700
· ·	2	2700 5 <b>8</b> 0

Si se me ofreciese partir 7 por 0,4589, se le anadirian al 7 quatro ceros decimales, con lo que se habria de partir 70000 por 4583; y hecha la division, quedaria el cociente 15,2538.

120

Ouan-

. 2	7000,0 4589	15,2538
	24110 22945	
	11650 9178	
	24720 22945	
	17750	
•	3983 3671	
	311	8

visoria de modo que esté uno, dos, tres, &c. lugares mas á la derecha que que antes, la cantidad decimal es diez, ciento, mil, &c. veces mayor de lo que era: lo contrario sucede, si se traslada uno, dos, tres, &c. lugares á la izquierda.

16 Una cantidad decimal nada se altera, aunque al último se le añadan muchos ceros; porque si bien la cantidad decimal tiene entonces mas partes, las tiene tambien menores en la misma proporcion.

# Reduccion de las medidas, pesos, &c. á partes decimales.

17 Supongo que quiero reducir 3 varas, 2 pies, 8 pulgadas, 7 lineas 4 decimales de vara. Observo que la vara tiene 432 lineas, 6 864 medias lineas, pues en la vara hay 3 pies; en cada pie, 12 pulgadas; en cada pulgada, 12 lineas.

Reduzco los 2 pies, 8 pulgadas,

7 lineas todo á lineas, y sale 39 r lineas, 6 39 r lineas, 6 39 r este quebrado en decimal hasta las milésimas v. g. y salen 0,905, de donde infiero que el número propuesto vale 3 varas, y 0,905 milésimas de vara.

Para reducir 8 pesos, 4 reales, 5 maravedises á decimales de peso, considero que pues el peso vale 15 rs., y el real 34 mrs., un peso vale 510 mrs. ó 1020 medios mrs., y que por consiguiente la decimal llega hasta las diezmilésimas.

Reduzco los 4 rs. y 5 mrs. á maravedises, y salen 141 partidos por 510 de peso. Reduzco esta cantidad decimal hasta las diezmilésimas, y hallo que los 8 pesos, 4 rs. y 5 mrs. valen 8 pesos, y 0,2764 de peso.

Declaremos ahora como se halla el valor de una cantidad decimal de medida, de peso, &c. como v. g. manifestar quantos reales y maravedises valen 0,2764 de peso.

Para esto multiplicarémos la cantidad decimal 0,2764 por el número que expresa quantas veces la unidad, en que deseo determinar el valor de la decimal, cabe en la unidad á la qual esta se refiere, y dividir el producto por el denominador. Quiero decir, que para valuar en reales la decimal 0,2764, basta multiplicar por 15, porque el peso tiene 15 rs. Executo, pues, la multiplicacion de 0,2764 por 15, sale el producto 4,1460; esto es, el entero 4, que vale 4 rs., y 0,1464 de real. Para valuar esta última cantidad, la multiplico por 34, porque 34 mrs. componen un real; saco el producto 4,9640, esto es, 4 mrs. 0,9640 de maravedí, cantidad de poco momento.

18 Siempre que se omita el último

guarismo de una decimal, si pasa de 5, debe añadirse una unidad al úl-

timo guarismo que queda.

Quando hallamos poco ha que las 0,2264 de peso valen 4 rs. 4 mrs. y 0,0640 de maravedí; en lugar de 4 mrs. podemos poner 5 mrs., porque la decimal 0,9640 se acerca muchísimo al valor de un maravedí.

Lo que hemos dicho sobre el modo de hallar el valor de las cantidades decimales de medida, peso, &c. manifiesta quan socorridas son para calcular los números denominados; esto es, los que contienen unidades de diferente especie, como pesos, reales, maravedises, &c., varas, pies, pulgadas, &c.

Todo el artificio consiste en reducir á decimales, como lo hemos hecho (11), los números denominados que se ha de calcular, cuyo cálculo es facilísimo despues de

hecha su reduccion, como lo dirán los casos siguientes.

# Sumar números denominados.

mar unos con otros los quatro números denominados siguientes:

8 mrs.
11
15
7

Las quatro partidas reducidas á decimales se transforman en las siguientes, que son las que ahora se han de sumar.

ார் படியவட்டா வெளிற்ற வுவது எ.க. **டே உ**ண் 227,949 184,754 | 9 2549,896 17,680

Cuya suma es 2980,280

En estas aplicaciones importa tener muy presente que la reduccion á decimales debe continuarse dos figuras ó una por lo menos mas de las que se desea lleve la suma ó el último resultado; porque si acaso la figura decimal que se siguiese á la última valiera mas. de 5, seria necesario añadirle una cunidad á la última, donde no, se cerraría el cálculo. En el caso propuesto v. g. la segunda partida reducida á decimales hasta 4 figuras, es 148,7549. Si nos hubiésemos contentado con sacar tres figuras decimales no mas, no hubieramos sabido que el 4 habla de ser un 5, porque el número destechado es 9, el qual vale cerca de la unidad, y entonces no hubiera salido cabal la suma y el error hubiera caido en los maraves dises.

Basta este exemplo para que no pueda quedar duda alguna sobre el modo de reducir á decimales los números denominados, y calcularlos como se calculan los enteros.

Sumaré las quatro partidas sentadas. Hago desde luego con ellas la reduccion correspondiente, mediante la qual se convierten en

> 227 p. 949 184 - 754 | 9 2549 - 896

2980 . 280

Ha-

Hago la adicion y sale la suma 2980; esto es, 2980 pesos y 0,280 milésimas de peso. Para saber los reales y maravedises que vale la decimal 0,280 de peso, la multiplico por 15, saco el entero 4 reales y la decimal 0,200 de real que multiplico por 34, saco el producto 6,800; esto es 6 maravedises, y 0,800 de maravedí, cantidad de poco momento.

Si hubiéramos de sumar 4 partidas de números denominados que, despues de reducidos á decimales fuesen las quatro partidas siguientes.

54	v.	2	p.	3	p.	9	. 1.
12	•	I	٠.	4	•	II	
9	•`.	2.	•	II	•	11	
	•						
-	<u> </u>	سند.			_		

54	V.	773
12	• •	470
9	•	998
8	•	940

86 . 179

Si multiplicamos esta decimal por 3, número de pies que hay en la vara saco 0,537, que no llega á un pie; de donde infiero que no hay pies en la suma: multiplico la decimal 0,537 por 12 para sacar las pulgadas, y saco 6 pulgadas y 0,444 de pulgada.

Multiplicotesta decimal par 12 y saco 5 lineas y 0,328 de linea; cantidad despreciable.

He de inferir por consiguiente que la suma les 186 varas, o pies, 6 pulgadas, gulineas. Lo con 1863

### Sustraccion de los números denominados.

pesos, 10 reales y 20 mrs. de 143 pesos, 14 rs. y 8 mrs.

Los dos números despues de transformados en decimales son los

siguientes:

143 p. 949 75 we 766

real: esta última decimal multiplicada real: esta última decimal multiplicada cadarpor 34 dá a 1 mrs. y 0,930, ó adadiendo una unidad al último guarismo de 21 4 23 mrs.

# Multiplicación de los números de los números de la nominados.

# 21 Hemos de multiplicar

4 v. 2 p. 8 p. Por.... 2 p. 2 rs. 4 ms.

Estos factores despues de hecha la reduccion correspondiente se convierten en

> 4,889 2,208 39,112 977.8 10,794.912

Multiplico la decimal por 15, saco 11 reales y 0,0023680 de real; C 4 mulmultiplico esta decimal por 34, selen 31 maravedis y 0,405020 de maravedi; por manera que el producto es 10 pesos, 11:rs., 31 mrs.

Si he de multiplicar

Por...... 3 . 2 . 6

Haré la correspondiente reduce cion y quedarán convertidos los dos factores en 10,208

3,145

Es, pues, el producto 32 pesos y 0,104160 de peso. Multipliplicada esta decimal por 15 da r real y 0,562400 de real; multiplico esta última por 34 y saco 19 marayedises.

Dividir números denominados reducidos á decimales.

pesos, 12 reales y 8 maravedises por 55 varas, 3 quartas ó 55<sup>3</sup>/<sub>4</sub> de varas.

Hago con las dos partidas la correspondiente reduccion, con lo que el dividendo se convierte en 642,816 y el divisor en 55,750. Concluida la division salen al cociente 11 pesos y 0.430 de peso: multiplico esta decimal por 34 y salen 32 mrs.

## Extraccion de la raiz quadrada.

Llamamos número quadrado el producto de un número por el mismo, como 5 multiplicado por 5 dá 25; 40 es el quadrado de 7.

Para quadrar un número basta pues multiplicarle por el mismo; pero para hallar la raiz quadrada hay un poco mas de trabajo: la tabla siguiente tiene los nueve guarismos con la raiz quadrada de cada uno.

:		1.	-			-	-		_
	I	4	9	16	25	36	49	64	81
-1	I	2	३	4	5	6	7	8	9
• -		<u>,</u>		•			1		

La raiz quadrada de 36 está debaxo de él. La raiz quadrada de 72 es 8 en número entero; porque como 72 está entre sesenta y qua-

estará entre las raices de estos dos números; esto es entre 8 y 9, es pues 8 y un quebrado, del qual no podemos hallar á la verdad el valor cabal; pero está á nuestro arbitrio aproximarnos ó acercarnos á él quanto queramos, conforme dirémos despues.

de otro multiplicado por el mismo, y que por consiguiente no tienen su raiz quadrada cabal; ésta se señala entonces con este signo v particular puesto delante del número, v. g. la raiz quadrada de 25 es 5; pero la raiz quadrada de 28 se señala así v.28.

de un aumero se le parte de la derechaoa la izquierda en periodos de dos guarismos cada uno, de lo que puede sucedor, y sucede alguna

na vez que el primer periodo á mano derecha no tenga sino un guarismo.

sea el número cuya raiz quadrada he de extraer, le parto en los periodos que he dicho, y los separo con una coma segun se vé.

29,16, miro despues qual es el mayor quadrado contenido en el primer periodo 29 á mano izquierda, veo que es 25, saco su raiz 5 y la escribo al lado del número propuesto, tirando primero de arriba abaxo una linea.

Despues quadro la raiz escrita 5., resto de 20 su quadrado 25, hecha la sustracción queda 4, á cuyo lado baxo el otro periodo 16. Debaxo de la linea sobre la qual está el 5 de la raiz pongo su du-

está el 5 de la raiz pongo su duplo 10, por el qual he de partir 416: hago con efecto la division

de 416 por 10, hallo el cociente 4 que siento al lado del 5 puesto en la raiz. Pero ántes de sentar este quatro he de probar si es bueno, para cuya comprobacion multiplico el divisor 10 por el 4, con el producto 40 sumo el quadrado del 4 escribiéndole una columna mas ácia la derecha, y porque de la suma 416 se puede restar la parte 416, sobre la qual he operado del quadrado, es señal que dicho 4 sirve, y porque haciendo la sustraccion no resta nada, es prueba de ser con efecto 54 la raiz quadrada de 2016.

2916	1 54
25	10
416	
416 416	•
900	

25 Repárese que casos hay en que el cociente hallado por este camino es mayor de lo que conviene y debe desecharse tomando otro que sea una unidad menor, quando la suma de su producto y de su quadrado escrito una columna mas á mano derecha no se puede restar como se resta en el caso presente.

Otro exemplo.

drada de 7569 escrito el número y dividido en periodos de dos guarismos cada uno, el primero es 75, en el qual el mayor quadrado es 64, cuya raiz es 8, póngole, pues, en la raiz, su quadrado 64 réstole del primer periodo 75 y resta 11, que pongo debaxo de 75, y al lado de 11 baxo al guarismo, 69 del segundo periodo que separé al principio.

Des-

Despues del 9 de 1169 pongo una coma para separar el último guarismo 9, cuya separacion da á entender que de todos los guarismos del segundo periodo, solo el 6 entra en el dividendo, por lo que el dividendo es ahora 116 y el divisor es 16 duplo del guarismo puesto en la raiz.

75,69   64	87
64	16
116,9	
0000	

Me toca, pues, ahora partir 116 por 16, con lo que el 1 del divisor corresponde á 11 del divi-

Haciendo, pues, la division de 1.16

por 16 hallo el cociente 7, que escribo en la raiz despues del 8.

Para probar si el 7 es bueno multiplico el divisor 16 por 7 al producto 112, sumo conforme he dicho una columna mas á la derecha el quadrado 49 de 7 y saco 1169, infiero que el 7 es bueno, y como haciendo la sustraccion no queda nada, es prueba de que 87 es la raiz quadrada de 7569.

quando al hacer la division el duplo de los guarismos puestos en la raiz no cupiere en la parte que queda á la izquierda, no por esto se deberá echar mano del guarismo separado; pero se pondrá cero en la raiz. Si al contrario el divisor duplo del número puesto en la raiz cupiese mas de 9 veces en dicha parte, no por eso se pondrá mas de 9 en la raiz.

٤,

El que estuviere bien enterado de lo que acabamos de decir de la extraccion de la raiz quadrada de las cantidades que no tienen mas de quatro guarismos, se impondrá fácilmente en lo que habra de practicar quando el quadrado propuesto fuere un mimero mayor: Porque despues de hallados los dos primeros guarismos de la raiz ipor el camino enseñado, por el mismo se hallará tambien el nercero paplicando para hallarle todo quanto hemos dicho del primero para ha-Har elisegundocl obnoming and a

meros! guarismos, sin hubiere ade haber eiro, se aplicará para hallar el quarto lo mismo que se labbiere practicado con los dos primeros para hallar el tergero.

Pero, para mayor seguridad; conviene desde luego partir el nú-D memero propuesto en periodos de dos guarismos cada uno de la derecha á la izquierda, y podrá suceder que el último á la izquierda tenga solo un guarismo, lo que nada altera el métodos

28 Quando el número propuesto no es un quadrado cabal, queda una resta salefin de ela opera+ cion, y la raiz equadrada que sale es la raiz del mayor quadrado que hay en el número propuesto; entonces no es posible sacar cabal la raiz :quadradan; pero se piiede hallar prosiguiendo la operación una raizetan próxima á la verdadera, quanto se quiera, y tal que levana tando al quadrado esta raiz aproxîmada, sale un número que discrepa del verdadero una cantidad tan corta ó despreciable, quanto 

Para esta aproximacion sirven

nuacion del número propuesto un número de ceros duplo de las des cimales que se quiere lleve la raiz, quiero decir, quatro ecros, si la raiz ha de llevar dos figuras decimales &c. Despues de hecha esta preparacion se hace la extraccion de la raiz por el método enseñado, separando con una coma á la derecha de la raiz un número de figuras decimales igual á la mitad del número de ceros añadidos al número cuya raiz me he propuesto extraer.

de 87567 con diferencia de menos de una milésima, esto res a tan aproximada á la verdaderes que no discrepe de ella ni-siquiera una milésima.

Para expresar milésimas se necesitan tres decimales luego hemos de anadir seis ceros al qual Da dra-

drado 875675 por lo mismo he de sacar la raiz quadrada deminim **8၇၄ 6၇ဝဝဝဝဝရ**ှင်ပြီး မေသာ ဧပါ မေးမေး consider one se quiere lleve la reia, £ 3,75,67,00,60,00 1295917 raw ha de le le des leurade :redes &c. De. das de . palagenta to a cion se hace la cargacion co las min por el métos a susciaers, separando con una como á la derecha de la caiz un re, 34 g de fier is decimalet igual de cod del numero de ciros añadidos il núme-र अध्यय हार्यन्न me ne कृष्ट्र**्रभू ५५** ६ अवहर Se me pide le 81 eguadrada de Ézsóz con distanta de menos de una milésima ocor ses s tan aprox unda á la vernistepegue no ciserepe de cilá ni siquiera una mi-42 71 90,0

Pera e je 8 genikkimus se necoman ues dimales - mego henos de añaciers iscures al canest

- 'm Haciendo la operación del mismoi modo que en los exemplos antecedentes, hallouque la raizi quar drada acon diferencia de menos una unidades elenúmero, 2959 17, com-87567000000; pero como se me pide la de 87567 ó de ..... 87567000000, separo en la raiz un número de guarismos igual á la mitad de los ceros que anadí al quadrado, mediante lo qual saco 295,917, raiz quadrada de 87567, con diferencia de menos del una milésima. programba cout ab cout .. do Graitem d 1. L. B. - Extracción de la raix dibica. ration out to calculate and a state 20130 i Llamamos cubo de oun múmero el producto de su quadrado por su raiz: 27 v. g. es el cubo de 3, porque es el producto de 9 quadrado de tres porvel mismong.  $\mathbf{D}$ 400

Para formar el cubo de un número no se necesita método alguno, basta la multiplicacion pero para extraer la raiz cúbica es mecesario valerse de algun método. En la tabla siguiente están los nueve guarismos con el cubo de cada uno, y debaxo de cada uno de ellos su raiz cúbica.

1 8	27	64	125	216	343	512	729
1 2	3	4	5	6	7	8	9

La raiz cúbica en números enteros de todo número que esté entre medias de dos números de la primer linea de la tabla donde están los cubos de los nueve guarismos; están entre medias de los dos números correspondientes de la segunda linea.

Como 30 v. g. está entre los números 27 y 64 de la primer linea, nea, su raiz cúbica está entre 4 y 3 números del segundo renglon correspondientes á los otros dos del primero.

Un número cuya raiz cúbica se ha de extraer se parte primero en periodos de tres guarismos cada uno de la derecha á la izquierda, bien que puede suceder como en el caso actual que el primer periodo de la izquierda tenga menos de los tres guarismos.

	Primer						
`	79,5:07 64	4	3.	rai	z.	•	
	64	?.	ť:		;		

, 15,5,0**7** 

79.5.07

00 0 00

D4 Mi

Miro primero qual es el cubo mayor del primer periodo 79, es 64; saco su raiz cúbica que es 4 y la escribo al lado del número propuesto despues de la linea divisoria.

Levanto el 4 al cubo que es 64. le resto de 79, quedan 15, á cuyo lado baxo el segundo periodo 507. es pues 15507 la partida con la qual he de continuar la operacion. Formo primero el quadrado del 4 puesto á la raiz, le triplo y saco 48; por 48 parto 155 y saco el cociente 3 que escribo al lado del número 4 puesto en la raiz: para comprobar este 3 y halfar la resta si la hay es muy fácit lograrlo. No hay mas que cubicar sobre la marcha 43, con cuya mira multiplicamos 43 por 43; su producto 1849 le multiplicamos por 43, de cuya multiplicación sale por úl--11.1 r. ti-1 I

timo 79507. Es, pues, 43 la raiz cúbica cabal de 79507.

Exemplo segundo.

596,947,688 | 842 512

849,47

592 704

4 2436,88

**21596947688**:

000000000

Se hande sacar la raiz cúbica de 596947688.

Émpiezo dividiéndole con com mas de la derecha á la izquierda en periodos de tres guarismos cada uno.

Aho-

Ahora busco el cubo mayor que hay en el primer periodo de la izquierda 596 es 512, cuya raiz cúbica es 8 cubo; pues 8 y su cubo 512 le resto de 596, queda la resta 84, al lado de 84 baxo 947, sale 84947, de cuya partida separo los dos últimos guarismos 47.

Saco el triplo del quadrado del número 8 puesto en la raiz, cuyo triplo es 192, por el qual he de dividir 849, saco el cociente 4 y

le pongo en la raiz.

Para comprobar esta raiz, y ver al mismo tiempo lo que resta, cubico 84 y resto el producto 592704 del número 596947 y queda la resta 4243, á su lado baxo el periodo 688, y cuyos dos últimos guarismos 88 separo, y parto el número 42436 por el triplo del quadrado de 84; esto es por 21168, saco el cociente 2 y le pon-

pongo en la raiz al lado de 48.

Manifiestan los dos exemplos propuestos que en la extraccion de la raiz cúbica para comprobar el número escrito á la raiz quando es el último, se cubica todo lo puesto en la raiz, y si el cubo puede restarse del número propuesto, es bueno; quando hay resta al fin de la operacion se concluye sacando la aproximacion de la raiz, como voy luego á decir.

grande primero que en el discurso de esta operacion nunca se puede poner mas de 9 á la raiza que si el guarismo puesto á la raiza que si el guarismo puesto á la raiza

raiz es muy grande no se podrá hacer la sustraccion, por enyo motivo se quitará sucesivamente una, dos, tres, &c. unidades, hasta que la sustraccion se pueda practicar.

Quando el número propues-

que se saca no es mas que aproximada, y pocas veces basta sacarla en números enteros, para cuya aproximacion son muy socorridas las decimales, bien que ni aun con ellas se puede sacar cabal la raiz.

Para acercarse quanto uno quiera á la raiz cúbica de un cubo no cabal, se le han de añadir tres veces tantos ceros, quantas decimales se quieren en las raiz. Despues de cuya preparacion se hará la extraccion de la raiz cúbica por el mismo método que en los exemplos antecedentes; y concluida que es-

esté se separacán con una coma en la raiz; á la derecha las figuras decimales que se quiera.

Quiero sacar por aproximacion la raiz cúbica de 8755 con diferencia de menos de una centésima. Para que la raiz lleve eentésimas, 6, lo que es lo mismo, dos decimales, es preciso que el número propuesto ó el cubo lleves seis, es pues necesario añadir seis ceros al número 87550.

Luego el empeño se reduce á sacar la raiz cúbica de \$75\\$000000.

#### 6102.4

Por io Toko antes priso este informa co co i odos do a o guar-alsons co o non do la de ona á la la loquico ou oneo is ra o obligado do difficio que o obligado de la la ranco de la constituidad de la ranco de la la ranco

			2061
	8		
	<del></del>		1. Carlot 1. St.
· r.	<b>07,55</b>		•
•	0.12		1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
	8000		1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.
	سحبت	::: i	Sec. 18 18 18
·· .	7550,0	<b>O</b> i CL as	and and
ره	1200	12 / L	3 . 322 1 1
2 <b>5</b> .'			
<b>;</b> ;	بسيسسييس	<del>min</del> orn-	a senergi
	13184	10,0a;;	nin
الدو نذ	bor 122736		
	· 8254552	· _	

#### 447019

Por lo dicho antes parto este número en periodos de tres guarismos cada uno de la derecha á la izquierda. Saco la raiz cúbica del último periodo 8, es 2, le pongo á la raiz; cubico 2, el produc-

ducto le resto de 8, queda la resta o, á cuyo lado baxo el periodo 755 y separo los dos últimos gua+ cismos 55. Debajo del 7 que queda pongo. 12 triplo del quadrado de la raiz, parto 7 por 12, saco el cociente o, pongo pues o á la raiz. - Cubico la raiz 20, me sale 8000 que resto de 8755, queda la resta 755. A su lada: baxo el periodo 000, separando dos figuras á la derecha ; debaxo de la partida restante 7550 pongo 1200, tri plo del quadrado de la raiz 20, y parto 7550 por 1200, saco el cociente 6, que pongo á la raiz.

Cubico la raiz 206, y el producto le resto de 8755000, queda la resta 13184, á cuyo lado baxo el último periodo 000, separando las dos últimas figuras. Debajo de la partida restante 131840

pongo! 127308, triplo del quadrado de la raiz hallada 206, parto 131840 por 127308; sale 1 alcociente y le pongo á continuacion de 206. Cubico 2061, y restando de 8755,000000 el producto....... 9754552981, queda la restamin. 447017. Por consiguiente la raiz dúbica aproximada de 8755000000 és 2016; luego la de 875500000 es 20,6t, porque todo cubo tiene tres veces tantas decimales quantas su raiz. To, ag of an entre abili p's del e deado do la reix 20, c action to por race, area of coeinte bag e pongo á tamiz. (१ केटल कि कार्य इन्हें, हे el pagdiscrete i mesto we Composido, que હેટ la જ્યાર 13184, 4 eyo laco haxo el como peró el elegente rendo de el subble el junta de la ubble el junta de la compania del compania del compania de la compania del compania del compania de la compania del compani La parisia réstaite i jui de Gall PRO-

# PRÓLOGO.

Et objeto de todas las investigaciones matemáticas ha sido desde su origen medir la extension, cuya indispensable operacion han promovido y facilitado los matemáticos de todas las edades y nacioenes Los ha habido aun tan deseosos de ensanchar en este ramo los límites de la ciencia, que se han dedicado á ahorrar á los demas mucha parte del inmenso trabajo á que obliga operacion de tanta utilidad para el género humano, los quales han publicado separadamente lo que sobre el asunto tiene discurrido la penetracion de los mayores teóricos. Lo mas fundamental y necesario lo incluyo en este tratadito todo práctico, precedido 1.11

con nombre de introduccion, de las operaciones de la arismética; viniéndose claro á la vista que para medir la extension es indispensable contar quantas veces caben en sus dimensiones las medidas. Sirven, pues, de introduccion á lo que digo de la práctica de medir los cuerpos unos principios de arismética tratada por un término el mas fácil que hasta ahora he conocido. Las cuentas, las operaciones las manda la materia; no la inventa el que la trata.

## <del></del>

# TRATADO

DE LA MEDICION DE LOS CUERPOS.

## Definiciones.

partes, por lo que es considerado sin extension, y como indivisible.

- 34 Llamamos linea una extension que no tiene mas que longitud ó largo. Hay dos especies de lineas; la recta, y la curva: linea recta es la distancia mas breve entre dos puntos. Como la AB, pues de uno á otro punto la linea mas breve que se puede tirar es la AB.
  - 35 Quando la linea no es la mas breve distancia entre dos puntos, se llama linea curva. Tal es la linea 2. de la fig. 2.
  - 36 Dos lineas rectas se llaman par E 2 ra-

Fig. ralelas una á otra, quando por mas que se prolonguen nunca se encuentran. Como las dos lineas de

3. la figura que cito, que tambien se llaman equidistantes, por lo mismo que prolongadas no se pueden encontrar.

37 Quando una linea recta está derecha sobre otra, de modo, que no se inclina ni á uno ni á otro lado y hace en ambos ángulos iguales, éstos ángulos se llaman rectos, y las lineas se llaman per
4. pendiculares una á otra.

38 Si dos lineas están inclinadas una á otra, de modo, que prosiguiéndose la una de ellas ó las dos concurran en un punto, forman en su punto de concurso un ángulo que se llama ángulo plano, ó rectilíneo, si las dos lineas son rectas. Para nombrar un ángulo se le señala con una letra, poniendo igualmente una

en cada extremo de las dos lineas Fig. que le forman, y la letra del ángulo se nombra siempre la segunda.

39 Para nombrar el ángulo que las dos lineas BA, CA forman en su punto de concurso A, se dice el ángulo BAC. Esta atencion es muy 5 del caso, particularmente quando son muchas las lineas que concurren en un mismo punto.

Así para nombrar el ángulo formado por las dos lineas CB, DB, dirémos el ángulo CBD, porque si nos contentáramos con nombrar el ángulo diciendo el ángulo B, no se sabria si queriamos nombrar el ángulo ABC ó el ángu- 6. lo CBD.

40 Llamamos figura una superficie 7. 6 un espacio largo y ancho cerrado por todos lados.

Una linea curva puede formar ella sola una figura; pero E 3 las Fig. las lineas rectas han de ser tres por lo menos para formar una figura.

8. se llama triángulo, y las lineas que la terminan se llaman lados del triángulo. Por lo que, figuras rectilineas se llaman las que son terminadas ó cerradas por lineas rectas; figuras curvilineas, las que son terminadas por lineas curvas, y figuras mixtilineas las que son terminadas por lineas rectas y curvas á un tiempo.

Las figuras de tres lados, que se Ilaman triángulos, las distinguimos unas de otras como sigue.

o. 42 1.º Quando los tres lados son desiguales, el triángulo se llama escaleno.

30. 43 2. Si los tres lados son iguales, el triángulo se llama equilátero.

11. 44 3.º Si solamente dos lados son iguales, como los lados AF, AC, el triángulo se llama isosceles.

[0 <u>9</u> ]	
45 4.º Si el triángulo tiene un l	Fig.
ángulo recto, como el ángulo A, se	Ū
le llama triángulo rectángulo.	12.
46 Todas las figuras de quatro	
lados se llaman quadriláteros, y se	
distinguen tambien de varios modos.	
47 1.º Quando los quatro lados	12.
son iguales, y rectos los quatro án-	- 0
gulos, la figura se llama quadrado;	
pero si ningun ángulo es recto, se	
llama rombo.	14
48 2.º Quando solos los lados	
opuestos son iguales, y rectos los	
ángulos, se llama rectángulo;	15.
pero si los ángulos no son rectos,	O.
se le llama romboide.	16.
49 Estas quatro figuras se lla-	
man paralelógramos, porque tienen	
paralelos sus lados opuestos; esto es,	
cada uno equidistante ó á igual dis-	
tancia del otro; pero todas las de-	
mas figuras de quatro lados se lla-	
man things!	17.
E4 El	-7.
14 121	

Fig. 50 El círculo es una figura pla-18. na, terminada por una linea curva llamada circunferencia, en la qual todas las lineas rectas tiradas desde cierto punto dentro de la figura, llamado el centro, á su circunferencia, son iguales.

AHBGA es un círculo.

Su centro es el punto C.

gi El diámetro del círculo es una linea recta tirada por el centro, la qual por cada extremo remata en la circunferencia, y divide el círculo en dos partes iguales llamada cada una semicírculo. La mitad del diámetro se llama radio, AC es un radio.

52 Toda circunferencia se supone estar dividida en 360 partes iguales llamadas grados, cada grado en 60 partes iguales llamadas minutos, cada minuto en 60 partes iguales llamadas segundos. Cada parte de la circunferencia se llama Fig. arco, como DGE.

53 Llámase cuerda del arco una linea recta tirada desde, un extremo del arco al otro; ó una linea recta que divide el círculo en dos 18. partes desiguales, llamadas segmentos, se llaman cuerda, como DE.

54 Si la cuerda corta el diámetro formando con él dos ángulos rectos, la parte FG del diámetro que queda entre la cuerda y la circunferencia se llama seno verso, y es la altura del segmento: FG es el seno verso ó la altura del arco DGE.

55 El sector es una figura terminada por dos radios del círculo y el arco que estos comprehenden, ACHA es un sector formado de los dos radios CA, CH, y del arco HA que dichos dos radios comprehenden.

56 Llámase polígono una figura de muchos lados; si los lados

Fig. y los ángulos de esta figura son iguales unos á otros, el polígono se llama regular; donde nó, se llama irregular.

57 El polígono toma nombre del número de sus lados. Quando estos son 5, el polígono se llama pentágono; si 6, se llama exàgono; si 7, heptágono; si 8, octógono; si 9, nonágono; si 10, decágono; si 11 hundecágono; si 12, dodecágono. Véanse las figuras 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26.

58 En todo quadrilátero, una linea tirada desde un ángulo á su

27. opuesto, se llama diagonal.

59 Llámase altura de una figura toda linea perpendicular tirada desde su vértice á su basa; quiero decir, que esta linea está derecha en la figura. El area de toda figura es la superficie que contiene.

Vamos á enseñar como se hacen cen algunas operaciones fundamenta- Fig. les para hallar el area de las figuras.

Operaciones fundamentales.

60 Cuestion I. Partir en dos partes iguales una linea AB.

Póngase en el extremo B la punta de la una pierna del compás; ábrasela de modo que coja mas de la mitad de AB; estando así abierto, trácese el arco DE, póngase la una punta en A, y con la misma abertura del compás córtese el primer arco en D y E; tírese la DE, esta cortará la linea dada AB en su punto medio C.

61 Cuestion II. En el punto C de la linea dada AB, levantar una perpendicular.

Mas arriba de la linea dada AB en un punto conveniente D plántese la punta de la una pierna del compas, ábrase la otra pun-

Fig. ta hasta el punto C, con la misma abertura trácese una circunferencia que corte la AB en E; tírese el diámetro EDF, por el punto C y por el extremo F del diámetro tírese la linea CF, la qual será perpendicular á la linea dada AB, en 29. el punto C, como le pide.

62 Cuestion III. Desde un punto C mas arriba de una linea dada AB, baxarle una perpendicular.

Plántese en el punto C la punta de la una pierna del com30. pás, desde el qual con la abertura correspondiente trácese el arco
DE que corte la linea AB en los
puntos D, E; desde los puntos D y
E con la misma abertura del compás trácese un arco por debaxo de
la misma linea, que corte otro en
F; por los puntos C y F tírese la
linea CF, esta será perpendicular á
la linea AB.

63 Cuestion IV. Tirarle por un Fig. punto dado una paralela á una linea recta dada.

Sea AB la linea á la qual se ha de tirar la paralela por el punto C tambien dado.

Tírese desde el punto C, con- 31. forme se ha enseñado en la última cuestion, la perpendicular CD á la linea AB. En el punto E de la linea AB plántese la una pierna del compas, y teniéndole abierto la distancia CD, describase el arco FG; aplíquese una regla que toque el arco, y el punto C, y tirando la linea CH, esta será la paralela pedida.

64 Cuestion V. Partir una linea recta dada en un número de partes iguales.

Sea AB la linea dada. Desde 32. el punto A tírese la recta AC como se quiera; desde el punto B tíre

rese la recta BD paralela á la AC, sefiálense á lo largo de AC y BD, desde los puntos A y B, tantas partes iguales AE, EF, FG, &c. y BK, KL, LM, MN, &c. tantas partes una menos quantas se han de sefialar en la linea dada, júntese el último punto de AC con el primero de BD, y tambien tírense las líneas KK, IL, HM, GN, FU, la línea AB estará dividida en el número de partes que se quiere en los puntos k, i, b, g, &c.

estar diestros en medir las tres dimensiones de todo cuerpo, ó averiguar midiéndolas, lo que un cuerpo tiene de largo, ancho y profundo. La extension que expresa, lo que un cuerpo tiene de ancho y largo se llama el area ó superficie, y las dos, esto es el ancho y largo, multipliplicadas una por otra, esto es, su producto, es lo que se llama area 6 superficie del cuerpo; la tercera extension, finalmente, que expresa quanto un cuerpo tiene de alto 6 profundo, se llama altura 6 profundidad, tercera dimension de todo cuerpo. Ninguno hay sin las tres juntas, y el producto de unas por otras compone lo que en los cuerpos llamamos solidez.

como se mide cada una de ellas, y por consiguiente declarar como se halla el valor de las lineas, de las superficies ó areas y de la solidez de los cuerpos.

Es natural que segun sea diferente la naturaleza de las extensiones que hemos de medir, nos sirvamos tambien para executar su medicion de medidas de diversa especie. La medicion de la linea la

exe-

executamos con medidas lineares 6 de distancia; para la de las areas 6 superficies nos valemos de superficies, y para la medicion de los cuerpos 6 sólidos, nos valemos de sólidos. Para esto tenemos un instrumento llamado vara de Burgos y tambien vara de Castilla, el pie, la pulgada, y la linea, que son partes suyas. La vara tiene 3 pies, el pie 12 pulgadas y cada pulgada 12 lineas: hay, pues, en la vara 3 pies, 36 pulgadas y 432 lineas.

Bien se vé que en el arte de la medicion no pueden menos de ocurrir dificultades inseparables de la medicion de las lineas curvas y de las superficies curvilineas. Con el fin de facilitar su resolucion, se vale la Geometría de todos los medios que la ayudan; á superarlas, siendo el mas general de todos el valerse de algunos signos ó carac-

teres que ya le vienen de la espec culativa, y son los siguientes:

El signo il gignifica la suma de las cantidades centre las quales se halla; 2+3 v. g. señala 5, 6 que 2 y 3 son sumados uno con otro. El, signo - significa que de dos cantidades entre las quales se halla, la segunda es restada de la primera; 8-3 v. g. significa que 3 es restado ó se ha de restar de 8, y por lo mismo 8-3 vale 5.

Este caracter × puesto entre dos cantidades manifiesta que la una está multiplicada por la otra; 4×8 quiere decir que 4 está multiplicado por 3, o que 4x3 vale 12.

no Para señalar que dos cantidades son iguales, ponemos entre ellas este signo = que significa es igual 4; v. g., 8+12=5, quiere decir que 3 sumado, con 2 vale ó es igual á 5.  $\mathbf{r}_{i}$ ் நடிக்கின்  $\mathbf{r}_{i}$ 

Fig.

#### Medicion de las lineas.

66 Aplíquese á la linea por medir la vara 6 qualquiera de sus partes; tendrá dicha linea tantas veces el instrumento con que se hubiere medido quantas en su longitud cupiere.

Exemplo.

33.

A

F

Para medir la linea AB, le aplicarémos desde uno á otro extremo tantas veces la vara, quantas se pueda; si la vara cuplere quatro veces; la linea será de quatro varas; si se la hubiere medido con el pie, y este cupiere en ella las mismas veces, la linea seria de quatro pies. Pero si ademas de la vara cupiere en la linea alguna de sus partes, como pies, pulgadas, &c., la

linea será de tantas varas, pies, &c: 67 Pero mejor será hacer esta medicion con una vara dividida en partes decimales, haciéndola servir de escala decimal.

Para cuyo fin se dividirá un lado de la vara en 10 partes iguales, cada una de estas en otras 10 partes iguales, con lo que toda la vara estará dividida en 100 partes iguales. Estas tambien se podrán dividir en 10 partes; y con esto toda la vara estará dividida en 1000 partes iguales.

## Exemplo.

Supongamos ahora que se me ofrece medir una linea, y halle que en ella cabe tres veces toda la vara, 5 de sus diez partes, 3 de sus centésimas y 4 de sus milésimas, quiero decir, hallo que la linea F 2 pro-

propuesta es de 3 v. 534 milésimais de vara.

Quando la linea por medir de curva, en muchos casos es poco seguro, y quasi imposible aplicarle la medida linear; entonces
lo primero que se hace es tender
en plano la linea por medir, esto es;
averiguar con que linea recta es
igual, y logrado esto, se la mide
tan fácil, y seguramente como si fuese recta.

# Medicion de las superficies. 162

68 La medida de las superficies ha de ser tambien, segun lo dexamos insinuado, una superficie; pues es muy natural que para determinar la extension de una area nos sirvamos de una medida comun, da qual aplicándola muchas veces sobre el area por medir la cubra toda.

da. Esta es la misma práctica que hemos propuesto para averiguar quanto tiene de longitud ó largo una linea.

Es evidente por lo mismo que là medida comun de las superficies, ha den ser tambien una superficie como una vara quadrada, un pie quadrado &c. Luego medir la superficie de un rectángulo v. g. es determinar el número de varas quadradas, ó de pies quadrados, pulgadas quadradas, lineas quadradas que caben en dicha susperficie; lo que se consigue multiplicando el número que expresa quantas veces la medida de que nos valemos cabe en la basa, de la figura que queremos medir, por el viúmero que expresa quantas veces cabe en su altura la misma medida.

Como la superficie que sirve de medida para todas ha de ser la

F 3

mas

Fig. mas sencilla que posible sea, se ha tomado por la tal medida el quadrado, por ser de todas las figuras la que, por rectilineos sus lados y rectos sus ángulos, es mejor de comparar con todas las demas figuras; por cuyo motivo quadrar una superficie, y medir una superficie es todo uno. Sin embargo, no es solo el quadrado el que puede servir para medir las figuras, podria servir para lo mismo otra superficie qualquiera; y si se le ha dado al quadrado la preferencia, es porque con él se executan las mediciones con mas facilidad.

### Medir un quadrado.

mos dicho quando le hemos definido, una figura quadrilátera, cuyos lados son todos iguales uno á otro, y rec34. tos sus ángulos como ABFG.

## Regia.

Exprésese el lado del quadra; do si se quiére en pies, ó pulgadas ó &c. el producto será el area de la figura.

Exemplo.

Sea v. g. FG=21, 269 pulgadas; el area de la figura será el quay drado de este número.

FG=21,269FG=21,269

4524,90361

F 4

Me-

Medir un triángulo.

70 Dados los tres lados de un triángulo, hallar su area.

Regla.

De la mitad de la suma de los tres lados, réstese cada lado; multiplíquense las tres diferencias cada una por la mitad de la suma; la raiz quadrada de este producto será el area del triángulo.

### Exempto.

Los tres lados de una tierra triangular son 15, 14, 13 varas quantas varas tiene de area dicha tierra?

Aquí la suma de los tres lados = )15+14+13=)42; la mitad de la suma = 21.

Y 21—15—6; 21—14—7; 21—13—8.

Entonces  $21 \times 6 \times 7 \times 8 = 7056$ .

Y la raiz quadrada de 7056=84 varas quadradas, area de dicha tier-

De las figuras irregulares.

71 Para medir estas figuras se dividen en varios triángulos tirando lineas desde uno de sus ángulos á todos los demas; la suma de las areas de todos los triángulos es area de toda la figura.

Pero las lineas serán mejor dispuestas que quando se tiran todas desde el mismo punto, si se divide la figura en tantos trapecios quanto se pueda, y trazando tan pocos triángulos como sea posible; porque el area de un trapecio se halla mas pronto que las areas de los dos triángulos que le componen.

Toda figura rectilinea se dividirá en tantos triángulos, sin que ninguna de las lineas que le dividen Fig. den corte otra, quantos tenga la figura.

35. . Medir un trapecio.

quadrilátera, cuyos quatro lados son desiguales como ABCD, en la qual la linea AC tirada desde un ángulo á su opuesto es la diagonal del trapecio; BF, y DE son perpendiculares tiradas á la AC desde los puntos B y D.

Regla.

Tómense en pulgadas las dimensiones de la figura,, y multiplíquese la suma de las perpendiculares por su basa ó diagonal AC, divídase el producto por 2, y el cociente será el area del trapecio.

Exemplo.

Sea la diagonal AC de 78 pul-35. gadas, DE de 23 y BF de 15, 5 ¿qual es el area de esta figura?

DE

DE=23 BF=15,5

 $AC = \begin{array}{cc} 38,5 \\ 78 \end{array}$ 

308 0 2695

2)3003,0(1501,50

Medicion de las figuras irregulares rectilinea.

73 Las figuras irregulares son, como queda dicho, las que tienen mas de quatro lados, y estos desiguales.

Poligonos irregulares.

Para medirlos se reducen á triángulos y trapecios, cuyas figu-

Fig. ras acabamos de decir como se miden.

Supongamos que háyamos de me-36. dir la figura irregular AFBEDCHA.

Primero la dividiré en los dos trapecios ADEFA y ADEBA.

Del circulo y algunas de sus partes.

74 Ninguna figura es de tanto recurso en la práctica como el círculo. La razon de su diámetro á su circunferencia nomestá todavía enteramente averiguada; pero si hasta ahora ha burlado el empeño de todos los matemáticos que con gran talento y constancia: la han buscado, no ha sido del todo sinútil su trabajo, porque algunos se han aproximado tanto á determinarla con puntualidada que para los usos de la práctica sirve la que han señalado to mismo que: la: verda-

Es-

Multipliquese schiffiametrompos 3,1416, del productionserá da cira cunferencia, cha o rathati "...

Si chodiametros cas dang qual es la circunferencia?

Entonces (172×3,1416=)......

87,6992, esta les la circumferencia.

10,0 Hallancel, area., 714162,0

10,10 Company of the ch

Multipliquese, 10,28 gian por and quadrador del diámetro leh el producto será el area.

. Si el diámetro es 12 ¿ qual secá el area?

Entonces (12×12×0,7854=)... 113,0976 es el area.

O, el radio multiplicado por la mitad de la circunferencia, dará el area del círculo.

Así  $\frac{37,6992}{2}$  ×6=113,0976.

Tambien el quadrado del diámetro multiplicado por 0,392699 da el area del semicírculo.

3.º Hallar el lado del quadrallo igual en area al círculo.

.... Regla.

o,886217, y el producto es el lado del quadrado igual.

76 Cuestion II. Dada la circunferencia de un ctroulo.

- 1.º Hallar su diámetro.

a lită ei elle

#### Regla.

Multiplíquese la circunferencia por 0,31831, el producto será el diámetro.

Supongamos que la circunferencia es 12 ¿ qual será el diámetro?

Aquí (12×0,31831=) 3,81972 es el diámetro.

2.º Hallar el area.

## A Regla.

Multiplíquese el quadrado de la circunferencia por 0,0795776, el producto será el area.

Seal la circunferencia 12 ¿ qual será el area?

· Aqui (12×12×0,07958二)...... 11,45952 es el area.

3.º Hallar el lado de un quadrado igual (1995)

# Regia.

Multipliquese la circunferencia por

por 0,282095, y el producto es el lado del quadrado igual.

is Exemplo.

Supongamos que la circunfereneja es 12 ; te pide el lado del quadrado de igual area al círculo. 270 Aquí 12× 9,2821= ) 3,3852 es el lado pedido.

77 Cuestion III. Dada el area del circulo.

1.º Hallar, el diámetro.

a de la companya de l lo, de Regla.

Co.

Multipliquese la raiz quadrada debarea positivesz, el producto será el diámetro.

.....Si el area es 12% qual será el diámetro. crea, contembio -End to ag of Exemplo, 1'5H "

Aquí (/12×1,12837#)...... 3,90877 es el diámetro.

En 20 Hallar la cirounferencia.

Re-

evisia do otoleja. Regla. Multiplíquese la raiz quadrada del area por 2,5440 y el productones la discunferencia: ous Quando el area, es 12 ; qual será la circunferencia? Aquí (1/12×3,5449=)12,3798 es la circunferencia. is. 12.0 Hallars el lado de un quadrado de igual supenficie. e of the con-A POPE EI ( Regla & Lept ) La raiz quadrada del area dado será el lado deliguadrado pedido.

Exemplo.

Quando el area es 12 ¿qual es el lado del quadrado igual. i Aquí (1 12=)3,4641 es el lado 78 Cuestion IV. Dado el lado

del quadrado ó su area.

A ....

Ha-

er of class or man

1.º Hallar el diámetro de un círculo de igual area.

Regias 7 1 1 1 5

Multiplíquese el lado del quaddrado por e1,12837, el producto será el diámetro pedido.

Exemplo.

Quando el diámetro de aquel círculo de area igual al quadrado cuyo lado es 12.

Aquí (12×1512837=)13,54044

2.º Hallar la circunferencia de un circulo igual.

Regla

Multiplíqueso el hado del quas drado por 3,5449, el producto será la circunferencia pedida.

6.1 2 14, 12.20 . 1 6.40

Exem-

#### Exemplo:

Qual es la circunferencia de aquel círculo cuya area es igual al quadrado, quando su lado es 12.

Aquí (12×3,5449=)42,5388 es la circunferencia pedida.

do que podrá inscribirse en el círculo de igual area al quadrado dado

y in continue Regla.

-....Mpltiplíquese: el lado dado por 0,797884, y. el aproducto será el lado del quadrado: perido.

Aquí (12x0,797884==)...... 9,574608 red el lado pedido.

Ga dra

Fig. drado que pueda inscribirse en el círculo de igual area al quadrado
idado. Williama en la larga Regla. Tra el artiglia ap
Multipliquese el quadrado del la do dado por 0,63662, el producto
será el area del quadrado pedido.
e de la
Qual es el area de aqueloques drado que podrá inscribirse en un
-arbhūpi nu 'ausara daugii ab oluogiv 0.797884, y.cri spodadi oyuo.ob
Aquí (1224 112 × 036 g 66 bth ) well 91,67328 es el area pedida.
79 Cuestion V. Dado el radio CA de un circulo la contin AB de
37. su arco; baltar el sepo verso DE de la mitad de divbo arco.
The state of the s

Del quadrado de kracho présieserrel quadrado de la initiad de la

cuerda; la raiz quadrada del re-Fig. siduo se restará del radio y será el seno verso.

Exemplo.

En un cínculo cuyo radio es 25 gual es, el seno verso del arco, cuya cuerda de su duplo es 488 25 25 24 24 24 24 25 cuya raiz quadrada es 7, luego 25 7 25 8 seno verso pedido. Dado el radio

GA da un circulo y el seno verso ED del ereo BD hallar

1.º La cuerda AB del duplo del arco.

Regla.

Del duplo del radio réstese el seno verso, multiplíquese el residuo por el seno verso; entonces el duplo de la raiz quadrada del producto dará la cuerda del duplo del arco.

Exem-

## Exemplo.

En un círculo cuyo radio es 25 ¿qual es la cuerda del arco cuyo seno verso es 182

Entonces  $\sqrt{2\times25-18\times18}\times2=48$  es la cuerda pedida.

2.º Hallar la cuerda BD de dicho arco.

Regia.

Multipliquese el duplo del radio por el seno verso, y la raiz quadrada del producto será la cuerda del arco.

Exemplo.

Si el radio del círculo es 25 y el seno verso de un arco suyo es 18 ¿qual es la cuerda de dicho arco.

Aquí  $(\sqrt{2\times25\times18})$ 30 es la cuerda, pedida.

Recuerda AB de un arco circu-

lar, y el seno verso ED de la mi-Fig.
tad del dicho arco.
38.
iii 11º Hallar el radio CA del cír-

Regla.

RI quadrado de la mitad de la cuerda súmese con el quadrado del seno verso, divídase la suma por el duplo del seno verso, y el cociente es el radio pedido.

Exemplo.

Si la cuerda AB = 48 y el seno verso DE = 18 ¿ qual será el radio del círculo?

Aquí  $\left(\frac{\frac{418}{1}\times\frac{418}{1}+18\times18}{2\times18}\right)$  25 es

el radio pedido.

La distancia de la cuerda al centro se hallará restando del radio el seno verso.

-im slo Hallar la cuerda BD de la

eim el el Hallar la cuerda BD de la estad idel arco.

Figi Regla.

Sámese el quadrado de la mitad de la cuerda con el quadrado del seno verso, y la raiz quadrada de la suma será la cuerda de la mitad del arco.

Exemplo.

Si la cuerda es 48, y el seno verso es 18 ¿qual es la cuerda de la mitad del arco?

la cuerda de la mitad del arco.

82 Cuestion VIII. Hallar la 38. longitud de un arco virsular BDA.

Quando la ouerda *IAB* de dicho arco y la cuerda *BD* de su initad es conboida.

-in h object to the

Reghan

De 8 veces da couerda de la mitad del arco, résteso da duorda de 2011 L. De 18 duorda de to-

todo el arco; y un tercio del re-	4 : 4
	<u>.</u> د .
siduo será próximamente la longi-	
tud de la cuerda de shchouarco.	
Co fit has happened und and	
the state of the s	
Si la cuerda del arco es 40,	
y la cuerda de la mitad del arco	
es 30 appal es la longitud del arco?	
Entonces (30×8-48 = ) 64 es-	
Entonces ( ) 64 es-	
and the second control of the second control	
ta es la longitud del arco. (2.1)	
Overde at distriction DE dist	
Quando el diámetro DF del	
circulo, y charco: ADB:en grados	
es conocidos e a talval de la	
r en	
- Multipliquense les grades del	
O	
arco por el diámetro deh circulos	
el producto multiplicado por	
0,0087267 dará la longitud del ar-	
co en las mismas medidas que dan	جنب <u>.</u>
	-

D. Jones B. W. Ölterer mit der Gereitige દડ

el valor de su diámetro.

Fig. -en Exemplo.

En un cinculo cuyo diámetro es 50 pies ¿ quanto tiene de largo un arco suyo de 147 grados, 29 minutos?

Aquí 147 grados, 29 minutos 10147, 483 grados reduciendo los 20 minutos á decimales.

La longitud del arco expresado en grados se hallará mas facilmente partiendo el número 114,59132 por el diámetro, el cociente multiplicado por la longitud del arco, dará en grados su valor.

39. Madie, sel segmento de unavirculos

Definicion.

83 El segmento de un círculo

es una parte suya corsada por una linea recta menor que el diámetros la qual corta la circunferencia en dos puntos; así EAFE es un segmento menor que el semicírculo, y FBEF, es un segmento mayor que el semicírculo.

La linea recta que corta el segmento se llama la cuerda del arco; así EF es la cuerda del arco FAE

y tambien del arco FBE.

Si la linea cuerda de un arque co fuere corrada en dos partes iguales, y la recta tirada desde el centro del círculo, al punto medio de
la cuerda, es continuada, de cada
lado de la circunferencia, será el
diámetro del círculo, y cada una
de sus partes interceptada entre el
punto medio de la cuorda ystà circunferencia, se llama la linea versa de la mitad del arco que corta
respectivamente.

Así

rando el diámetro ACGR; la parte AC es lel seno verso del arco AE AF, y la parte residua CB es el seno verso del arco EB BF.

Regla.

el radio del círculo AG, y multis plíquese dicho quadrado por 7.

2.º Multiplíquese el radio AG per 4, yidisho producto por EG (que es la diferencia entre el seno verso AC y el radio AG).

3.º Quádrese dicha distancia CG, y multiplíquese el quadrado por 3, súmese el producto con el producto de la segunda regla, y téstese esta suma de seis veces el quadrado del radio (6 el producto sacado por la primera regla), y este residuo será el dividendo.

4.º Multiplíquese el radio del cír-

círculo por 4, 3, y OG por 3, súmense uno con otro estos dos productos y la suma será el divisor.

g.º Pártase el dividendo por el divisor, y multiplíquese el cociente por la mitad de la materia EF; esto es, por EC, este último producto es el area del segmento.

# Assemplo.

6.5	Subs. 43.00
36 3	48 ainWI
108	Radasiis Prot. 88a Add. 861

Divisante degre-

	•	
<b>C</b> G=	:6 . 👌	बेल्ड् ठोस घोड
	<u> </u>	i. We was
7. • · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1 1 15	
		, ,
		•
Subs.	1396	•
TA /714	8412	
TATATE*	04,5	•
Kadiuş	. I 2	<b>.</b>
Prod.	840	
	Mult. Radius	resident of the substitute of

Divisor 72)64 3 (8,5 cocient.

dir el area del segmento de circuslo siendo dado el diámetro del circulo y el seno verso alabasegmento, sin necesidad de challanta cuedda.

. La cimbonRegia

Multiplíquese el diámetro por el seno verso del segmento, y del producto discose ilamará el término primero: réstese del quadrado discosem vorso y relimitadido del le llamará el segundo minero. Des la primero número diffuses con discrizi quadrada del primero número diffuses le quadrada del segundo minera, y la suma se multiplicará por ris del seno verso, el producto será el sirea del segundo pedido.

mitted and area dade, year pro-

Sea el diámetro del círculo 50 pulgadas y el seno verso de su seg-

Fig. segmento obcorpulgadas y rie pide el area: del segmento. Isto sy a tradicio en la laboratio del compositore el compositor

goo producto n. 1.

is son verso der segmente. v del production verso der segmente. v del production verso der segmente. Verso der confesse de segmente et al. en production production der segmente de segmen

Multipliquese elaration por la mitad del arco dado, y el producto será elarata del sector.

co oficial del original de reco de será con original de reco de será con original de reco de será con original de reconse de reconserva de reconserv

#### Trri)

## Exemplo.

En un círculo cuyo radio es 25 se pide el area de un sector, cuyo arco tiene de largo 64,352.

Entonces  $\left(\frac{64,35^2}{2} \times 25 = \right)$ 804,4

es el area pedida.

lo y los grados del arco sectoral son conocidos.

El sector del círculo es una parte suya formada por dos radios que comprehenden una parte de la circunferencia así ACBA es el sector del círculo ADBA.

#### Regla,

Multiplíquense: los grados del sector por el número constante......
0,008726 y el producto por el quadrado del radio del círculo,
H es.

#### [112]

este último producto es el area del sector propuesto.

Exemplo.

Sea el número de los grados del arco AB=40 y el radio del semidiámetro AC del círculo =60 pulgadas.

¿Qual es el area del sector

ACBA?

Multiplicador constante 0,008726

40

o 349040 - 3600

Quadrado del radio..... 1256544

De aquí se ha sacado un método fácil para hallar el area de un segmento de círculo; porque si del area del sector se resta el area del

#### [113]

del triángulo, cuyos dos lados son sus radios, y el tercero la cuerda de su basa, el residuo será el area del segmento.

## Area de las figuras regulares.

85 Aquí me propongo enseñar como se mide la superficie de las figuras regulares; esto es, de aquellas que tienen iguales sus lados y sus ángulos. Me toca pues aquí decir como se miden los polígonos regulares, lo que quedará reducido al uso de las quatro tablas siguientes. Para cuya inteligencia cabal conviene saber que hay polígonos que se llaman inscriptos, y circunscriptos á los círculos.

ı 1. Quando el	Tabla I. Quando el lado del poligono es 1.	es I.
Radio del círculo   circunscripto.	lo Radio del circulo inscripto.	El area.
0,5773503	15/98820	0,4330127
89012020	0,500000	1,0000000
0,8506508	0,6881910	1,7204774
1,0000000	0,8660254	2,5980762
1,1523825	1,0382617	3,6339124
5630	1,2071068	4,8284271
1,4619022	1,3737387	6,1818242
1,6186340	1,5388418	7,6942088
1,7747329	1,7028437	9,3656404
8516	1,8660254	11,1961,11

		[115]
cunscripto es I	El area.	1,2990381 2,0000000 2,3776412 2,5980762 2,8184271 2,8925437 2,9389263 2,9735250
Tabla II. Quando el radio del circulo circunscripto es I.	Radio del círculo circunscripto.	0,5000000 0,7071068 0,8090170 0,8660154 0,909689 0,9138795 0,9396916 0,9510565 0,9594931
. II. Quando el ra	Longitud del	1,7320508 1,4142136 1,175705 1,0000000 0,8677674 0,765368 0,6180340 0,5180340
87 Tabla	Número de los lados	8470 V 8 9 1 1 1

ف.		(110)	
inscripto es	El area.	5,1961524 4,0000000 3,6327128 3,4641016 3,3710222 3,3137084 3,2757315 3,2491970 3,2298913	3,2153904
Tabla III. Quando el radio del circulo inscripto es 1.	Radio del circulo /	2,0000000 1,4142236 1,2360680 1,1547005 1,1099160 1,0813919 1,0641776 1,0514622	1,0352700
III. Quando el	Longitud del lado.	3,4641016 2,0000000 1,4530851 1,1547005 0,9631491 0,8284271 0,7279405 0,6498394 0,5872521	0,5358984
88 Tabla	Número de los lados.	24 20 V 20 U I	12

	Tabla IV. Q	Iabla IV. Quando el area es I.	I.
mero s	Longitud del lado.	Longitud del Radio del círculo Radio del círc	Radio del círcinscripto.
3	9179615,1	0,8773827	0,4386912
4	1,0000000	8901/0/0	0,500000
~	0,7623870	0,6485251	0,5246678
9	0,6204033	0,6204033	0,5372849
2	0,5245813	0,6045183	0,5446520
00	0,4550899	0,5946034	0,5493420
0	0.4021006	0.5870764	0.5525172

[117]

Un polígono está inscripto en un círculo quando cada ángulo del polígono tiene su vértice en la circunferencia del círculo.

El polígono circunscripto en el círculo es aquel cuyos lados tocan cada uno al círculo.

De un círculo se dice que está inscripto en un polígono quando toca cada lado del polígono.

Un círculo está circunscripto á un polígono quando la circunferencia del círculo toca cada ángulo del polígono.

En los polígonos regulares cuyo número de lados no pasa de 12, y 1.º es conocido su lado; 2.º el radio del círculo circunscripto; 3.º el radio del círculo inscripto; 4.º el area del polígono. Quando una de estas quatro cosas es conocida. Las otras se hallan prontamenmente por medio de las quatro tablas antecedentes.

90 Cuestion I. Dado el lado L de un polígono regular.

1.º Hallar el radio R del círculo

circunscripto.

Regla.

Multiplíquese el lado dado por N, y el producto será el radio pedido.

¿ Qual es el radio de un círculo que se puede circunscribir á un octógono regular cuyo lado es 12?

2.º Hallar el radio (r) del círculo

inscripto,

Regla.

N, multiplicado por el lado dado, da r.

Si L es 12 ¿ qual será r?

. Aquí

Fig.	A	quí	N=1,2071068 por	la
Ü	tabla	86.		

Entonces.....

1,20711068×12=14,4852816=r. 3.° Hallar el area A.

Regla.

N (\*), multiplicado por el quadrado del lado dá el area.

Si L es 12 ¿ qual será el area? Aquí N=4,8284271, por la tabla 86.

Aquí.....

4,8284271×12×12=695,293502=A.

91 Cuestion II. Dado el radio
R del círculo circunscripto á un

42 y polígono regular.

43. 1.º Hallar L lado de dicho polígono.

Regla.

N, multiplicada por el radio dado, dará L.

Si

<sup>(\*)</sup> N, el número tabular de cada tabla.

#### [121]

Si el radio del círculo es 12; se pide el lado del octógono regular inscripto.

Aquí N=0,7653668 sacado de

la tabla 87.

2.º Hallar el radio r del círculo inscripto en el polígono.

Regla.

N, multiplicada por R, da r. Si R es 12 ¿ qual será r? Aquí N=0,9238795 dado por la tabla 87.

3.º Hallar el area A del polígono.

Regla.

N, multiplicada por el quadrado del radio dado dará el area pedida. Fig. Si R=12; qual es A?

Aquí N=2,8284271 sacado de la tabla 87.

Aqui.....

2,8284271×12×12=407,2935024=1.

92 Cuestion III. Dado el radio r del círculo inscripto en un 42 y Polígono regular.

43. I.º Hallar el lado de dicho po-

#### Regla.

N, multiplicada por el radio dado, da L.

¿Qual es el lado de un octógono regular circunscripto á un círculo cuyo radio es 12?

Aquí  $N_{-0}$ , 8284271, sacado de la tabla 88.

2.º Hallar R radio del círculo eircunscripto.

Regla. Fig. N, multiplicada por r, da R. Si r=12 ¿ qual será R? Aquí N=1,0823919 sacado de la tabla 88, entonces.......  $1,0823919 \times 12 = 12,9887028 = R.$ a.º Hallar A area de dicho polígono. Regla. N, multiplicada por el quadrado de r, da A. Si r=12 (qual es A? Aquí N=3,3137084 sacado de la tabla 88. Aquí..... 3,3137084×12×12=477,1740096=A. 93 Cuestion IV. Dada el area A de un polígono regular.

Regla.

1.º Hallar L largo del lado.

N, multiplicada por la raiz quadrada del area dada, el produc-

#### [124]

ducto	es	el la	ado `	pec	lido	,	
	Qual	l es e	l lac	do	de ι	ın o	ctó-
gono							
° A	.quí	N=0	.45	508	99 t	abla	89.
_		) <b></b>			-		•

0,4550899× 1 144=5,4610788=L.

2.º Hallar R radio del círculo circunscripto á dicho polígono.

Regla.

N, multiplicada por la raiz quadrada de A, da R.

Si A=144 ¿qual es R?

Aquí N=0,5946034 tabla 89. Entonces

0,5946034×1/144=7,1352408=R.

3.º Hallar r radio del círculo inscripto en dicho polígono.

Regla.

N, multiplicada por la raiz quadrada de A, da r.

Si A=144 ¿ qual será r?

Aquí ·

#### [125]

#### Medicion de los sólidos.

#### Definiciones.

94 Llamamos sólido, segun dexamos dicho, un espacio terminado por las tres dimensiones largo, ancho y profundo ó altura.

El sólido cuyas basas ó planos extremos son iguales paralelos y figuras rectilíneas semejantes, y cuyos lados son paralelógramos, se llama prisma, y su nombre pende del número de los lados de su basa.

Si los planos extremos ó los lados son quadrados, el sólido se llama cubo.

Si la basa ó plano extremo es un rectángulo, el sólido se llama paralelipípedo.

Si

Fig. Si la basa ó los planos extremos son círculos el sólido se llama 46. cilindro.

El sólido formado sobre una basa rectilinea, siendo sus lados triángulos rectilíneos, cuyos vértices concurren todos en el mismo punto de un plano extremo, se llama pirámide, y sus nombres penden del número de los lados de su basa.

Si la basa es un círculo, el 48. sólido se llama pirámide cónica.

El sólido terminado por una superficie convexà, cuyos puntos son todos equidistantes de un punto dentro del sólido, se llama esfera. La linea recta que pasa por un punto que está á la misma distancia de la superficie, se llama al diámetro ó el exe de la esfera.

En una pirámide rectilinea, cónica, esfera ú otro sólido terminado en punta, una parte suya terminada por dos planos extremos paralelos, se llama trozo; y sus partes que faltan hasta el extremo del trozo, hasta completar el sólido puntiagudo se llamanos segmentos.

Estos son los cuerpos cuyas dimensiones nos toca declarar como se hallan.

Por consiguiente la medida de un sólido ó cuerpo debe hallarse de un modo que exprese sus tres dimensiones de que consta. Así como las superficies se miden con un quadrado, así la medida del sólido es el cubo; esto es, que así como el producto de la basa por la altura de un rectángulo expresa quantas veces el quadrado de la linea que se toma por unidad cabe en el area de un rectángulo ú otra figura dada, así el producto de la

basa por la altura de un paralelipípedo rectángulo expresa quantas veces el cubo, que tiene por lado dicha recta que se toma por unidad, cabe en el paralelipípedo ó sólido que se quiere medir.

De algunos sólidos terminados por lineas rectas y figuras circulares.

Proposicion 1.

95 Dadas las dimensiones lineares de un cubo, de un paralelipípedo, de un cilindro ó de un prisma. Hallar su solidez.

Regia,

Multiplíquese el area de la basa 6 del plano extremo por la altura 6 el largo del cuerpo, y el producto expresará su solidez.

Exemplo.

1. Qual es la solidez de un

cubo cuyo lado tiene 12 pulga-

Aquí el area de su basa es 12×12±144.

Es, pues, la solidez el producto de 144×12=1728 pulgadas.

2.° ¿Qual es la solidez de un trozo de marmol, cuya longitud (AB) es 10 pies, el ancho (AC) 5½ pies, y la basa (AD) 3½ pies?

. Aquí 5,75×3,5=20,125 el area

de la basa.

Y 20,125×10=201,125 la solidez.

3.º Qual es la solidez de un prisma triangular que tiene 18 pies de alto, y por basa un triángulo equilátero cuyo lado tiene 11 pig de largo.

La tabla 86 nos enseña que la area de la basa y de un triángulo, cuyo lado es I, es 0,433013, por lo que......

Fig	. 1,5×1,5×0,433013=0,97427925
. •	. 1,5 × 1,5 × 0,433013=0,97427925 la area de la basa.
	Luego por la regla la solidez
,	ha de ser
	0,97427925×18=17,5370265 es
	la solidez.
,	4.º ¿ Qual es la solidez de un ci-
	lindro cuya altura AB es de 5 pies,
	y el diámetro AC de su basa es de
46.	2 pies?
•	* Aquí 2×2×0,7854=3,1416 el
	area de la basa y
	3,1416×5±15,708 pies, es la so-
	lidez.
	Proposicion 2.
96.	4 96 Hallar la solidez de una pi-
	ramide recta de la qual se conoce
•	la basa 6 extremo mayor y la al-
٠	tura perpendicular ó la distancia
	entre sus dos planos extremos.
	erra de la la ay de atriangu-
	Regia. d or . et
	Multipliquese el area de la bat
	şī £I sa

#### [131]

sa por el tercio de la altura ó del Fig. largo el producto será la solidez.

#### Exemplo.

ramide cuya altura AC tiene 24 pies, y el lado BD de su basa quadrada es de 3 pies.

Aquí  $3 \times 3 = 9$  el area **a** la basa y  $\frac{24}{3} = 8 = \frac{7}{3}$  de la altura.

Luego 9×8=72, esta es la solidez pedida.

2. Qual es la solidez de una pirámide de 15 pies de altura, y cuya basa es un exágono de 18 pulgadas?

Por la tabla 86 el exágono cuyo lado es 1, es 2,598076.

Luego 5,845671×13=29,228355

Proposicion 3.

97 Hallar la solidez de una pirámide cónica recta siendo conocida su altura perpendicular y el diámetro ó la circunferencia de su basa.

#### Regla.

Si fuere dado el diámetro de su basa se multiplicará su quadra- do por 0,2618.

Si fuere dada la circunferencia se multiplicará su quadrado por 0,026526, cada uno de estos productos dará la solidez de la pirámide cónica recta.

Exemplo.

pirámide cónica, cuyo diámetro AB de la basa tiene 18 pulgadas y

la akura CD tiene 15 pils? Fig.
Aquí 18 pulgadas son 11, pie 48.

Exemplo.

2.º La circunferencia de la basa de una pirámide cónica es 40 pies, su altura es de 50 pies ¿qual es su solidez?

Aquí 40x40x0,0265x50=2120 pies son la solidez que se pide.

Proposicion 4.4

98 Hallar la superficie convexà de un cilindro recto en sabiendo quanto tiene de largo, y quanto el diámetro del circulo de su plano estremo.

Regla.

Multipliquese primero el númesu I 4 ro

pues el producto mor el largo del cilindro, y este segundo producto será su superficie, ó multiplíquese la circupferencia por el largo del sólido y el producto será su superficie convexà.

# . In a Exemplo.

de un ellindro recto, cuyo diámetro AC es de 30 pulgadas; y su longitud AB tiene 60 pulgadas?

# Proposicion 5.

99 Hallar la superficie convexà de una piramide cónica recta; dada que sea la de su lado ; y el diametro de su basa la circunferencia de su ba-

basa y el diámetro de su plano extremo.

Regla.

Quando es dado el diámetro se le multiplicará por 1,5708, si fuere dada la circunferencia, se habrá de multiplicar por 0,5; qualquiera de estos dos productos multiplicado por la altura del lado dará la superficie convexá de la pirámide cónica.

Exemplo.

vexà de una pirámide cónica recta, cuyo lado AC es 50, y el diámetro de la basa AB es 20?

Ahora (1,5708×20×50=)1570-8 es la superficie convexà

Exemplo.

9.º ¿ Qual es la superficie convera de una piramide cónica recta, cuya circunferencia de la basa

# [136]

Fig. es 24 pies, y el lado derecho es de 32 pies?

Aquí (24×0,5×32=)384, esta es la superficie convexà.

### Proposicion 6.

roo Hallar un trozo de una piramide, cuyos planos extremos son polígonos regulares semejantes que no pasan de 12 lados, siendo conocidas las medidas lineares AB, ab de los dos planos extremos paralelos, y su distancia Cc.

Regia.

plano extremo mayor por un lado del plano menor.

2.º Con el producto súmese un tercio del quadrado de la diferencia de dichos dos lados.

3. Multiplíquese la suma por él largo.

En-

4.º Entonces el producto multiplicado por el factor del polígono en la tabla 86 será la solidez pedida.

#### Exemplo.

1.º ¿ Qual es la solidez del trozo de una pirámide quadrada siende de 18 pulgadas el lado de su extremo mayor; y de 15 pulgadas el lado del extremo menor y siendo 60 pulgadas la altura?

Aquí 18—15=3 dif. de los lados y  $\frac{3\times3}{3}$ , tercio del quadrado de dicha diferencia.

Entonces (18x15+3x60=)16380 es la solidez pedida.

#### Exemple?

2. ¿ Qual es la solidez de un trozo de pirámide exágona, de cuyo extremo mayor el lado es 5 pies

Fig. y el del extremo menor 2 pies, y el largo es 12 pies? Ahora 5-2=3 y  $\frac{3\times3}{2}=3$  es el tercio del quadrado de la diferencia de les dos lados. Luego..... :5×2+3×12×2,598076=290,299856. Proposicion 72 101 Hallar la solidez de un trozo de pirámide cónica recta, cuya altura Cc, y el diámetro de la circunferencia AB, ab de cada pla-51. no extremo es dado. 1.º Multiplíquese uno por otro el diámetro de la circunferencia. 2.º Con el producto súmense los quadrados de estos diámetros. 3.º Multipliquese le suma per la altura dada, i zevan ..

• 4.• El producto multipliquese

50,2618 {0,026526 dá la solidez.

#### Exemplo.

1.º ¿ Qual es la solidez de un trozo de pirámide cónica de la qual el diámetro del plano extremo matiene 4 pies, y el del plano menor tiene 2 pies, y la altura es de 9 pies?

Aquí 4×2=8 producto de los

dos diámetros.

Y 4×4=16:2×2=4:8+16+4=28.

20 20 Qual es la solidez de un trozo de pirámide cónica, siendo 40 la circunferencia del plano extremo mayor, 20 la del menor, y 50 la altura ó el largo?

Aquí

40×20=800:40×40=1600:20×20=400. Entonces (2800×50×0,026526=)

3713, 64 es la solidez pedida.

Por la regla de la proposicion 6.º se hallará la solidez del trozo de pirámide cónica, valiéndose de los diámetros de los planos extremos del sólido en lugar de sus la-· dos; y poniendo el artículo 4.º lugar de aquel de la proposicion 🕵 servirá para la proposicion 6.4, haciendo igual mudanza.

## Proposicion 8.2

193 Hallar la superficie convexà de un trozo de pirámide cóniz ca regta, cuyo largo del lado derecho, y el diámetro y la circunferencia de los lados extremos paralelos son dados.

## Regla.

Multiplíquese la suma de les diámetros por 1,5708, y la de las circunferencias por 0,5.

El producto multiplicado por el largo del dado será la solidez.

#### Exemplo.

vexa de un trozo de pirámide cónica recta; cuyos diámetros de los planos extremos son 8 y 4 pies, y el largo del lado tiene 20 pies?

Ahora 8+4=12 suma de los

diámetros.

Y 12+1,5708×20=376,992, superficie convexà.

#### Exemplo.

vexà de un trozo de pirámide cónica recta, cuya circunferencia de Fig. la basa mayor tiene 30 pies, y la de la basa menor tiene 10 pies, y el largo derecho tiene 20 pies?

Ahora (30+10x0,5×20=)400 pies, esta es la superficie convexa pedida.

Proposicion 9:

jos pirámide cónica, cuyas dimensiones
 nes lineares (AB,ab Cc,) de un trozo suyo son conocidas.

Regia.

- Multiplíquese la altura del trozo por la del lado ó diámetro del plano extremo mayor.

Divídase el producto por la diferencia de los lados y diámetros de los dos planos extremos, y el cociente será la altura de la pirámide cónica.

# Exemplo.

quadrada, cuyo lado mayor ties ne 5 pies, y el lado del menor tiene 3 pies, y la distancia de los planos extremos es 8 pies ¿ qual es la altura de dicha pirámide?

Ahora 5—3=2 diferencia de los lados.

 $\left(\frac{5\times8}{2}\right)$  20 es la altura de la piramide.

Preposicion to

rámide ó cónica siendo dadas, hallar quanto la correspondo de largo desde su vértice á una parte dada de su solidez.

....Regla.

Dígase como la solidez de toda la pirámide pentágona ó cónica es al cubo de su altura; así, una parte dada de su solidez es al cubici de su sultura desde el vértice ácia abaxo, civa raiz cúbica es el largo pedidos sol

29 Ling and Edicapton and a second

Hay non pieza cónical de maderal, el diametro de cuya basa tiene 18 pulgadas, y el largo rai pies adonde se la debe aserbar para dividirla en dos partes de igual solidez.

Aquí is pulgadas 1,5 pies, y 1,5 x 2 x 2,2626 1,740686 pies la solidez, cuya mitad es 3,5343, y 12 x 2 x 2 x 12 1728, cubo de lo lasgo.

Luego 7,0686:1728:13,5843:864 cuya raiz cúbica es 9,5244, á cuya distancia del vértice conviene astrarla.

ing include partitiona é chica

# De la esfera y alguna de sus partes.

Proposicion 12	•
105 Hallar la superficie de l	ş
esfera.	
1.º Dado su diámetro. Lai a	3
. Regla.	
Multipliquese el quadrado de	1
diámetro por 4,08408 el product	q
és la superficie que se busca.	
' ¿Qual es la superficie de un	a
esfera, cuyo diamétro es 1,3 pies	2
<b>Aquita,941,8×4,α840βiiτ∯,9α2</b> 095	
es la supérficie. ¿contra en la contra	•
2.º Siendo dados el diámetro.	y
la circunierencia.	•
	٠.
The first of the state of the s	
the trace of the Royal and the Apple	
Multiplíquese el diámetro po	r
la circunferencia el producto es l	
superficie.	3
K 2 Esem	-

#### Exemplo.

¿Qual es la superficie de una esfera, cuyo diámetro es 1,3 pies, y la circunferencia es 4,08408 pies? Aquí (1,3×4,08408=)5,309304

es la superficie.

Proposicion 22 106 Hallar la solidez de la esfera.

1.º Dado el diámetro.

## Regla.

Multipliquese el cubo del diámetro por 0,5236, y el producto es la solidez.

Qual es la solidez de ma esfera, cuyo diámetro es 1,3 pies? Aquí(1,3×1,3×1,3×0,5236=)1,1503492 pies es la solidez.

2.º Si la superficie y el diáme-

## Regla.

Multiplíquese la superficie por ‡ del diámetro y el producto será la solidez.

#### Exemplo.

le Qual es la solidez de una esfera, cuyo diámetro es 1,3 pies, y la superficie 6,9020952?

Aquí (0,2166x6,9020952=)1,4949

pies es la solidez.

3.º Dada la superficie y la circunferencia.

# Regla.

Multiplíquese la superficie por la circunferencia, el producto multiplicado por 0,05305 dará la so-lidez.

#### Exemplo.

¿Qual es la solidez de una esfera cuya superficie es 6,9020952, y la circunferencia es 4,08408?

 $\mathbf{A}\mathbf{q}_{\mathbf{q}}$ 

# Proposicion 3ª...

107 Dada la superficie de la esfera.

1.º Hallar su diámetro.

Regla.

Multiplíquese la raiz quadrada de la superficie por 0,56419, y el producto será el diámetro.

# Exempto.

esfera, cuya superficie es 6,90209322 Aquí 1/6,9020932=8,3078.

Enconces (8,307800,50419=)4,6871

2.º Hatlar la solidez.

Re-

## [149]

### Regla.

Multiplíquese la superficie, su raiz quadrada y 0,0940316 continuadamente, el producto dará la solidez pedida.

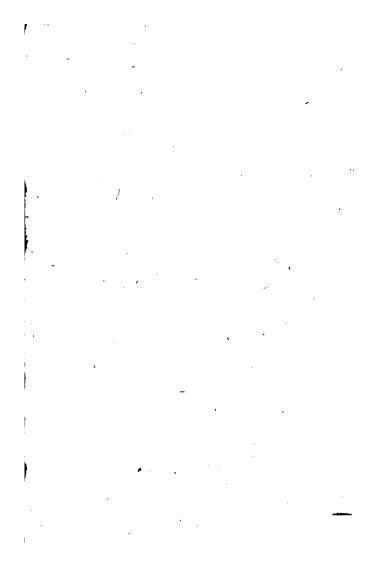
Exemplo. (6,9020952x1/6,9020952x0,0940316\_) 5,3918 es la solídez. ,

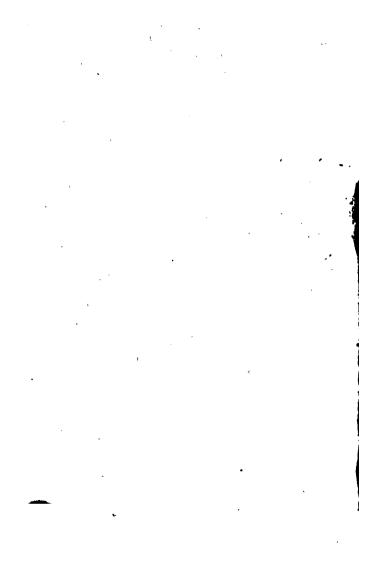
# ERRATAS.

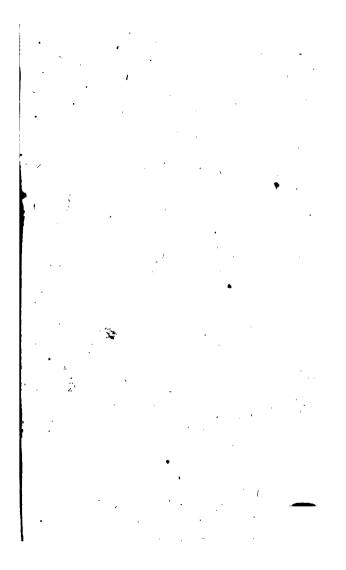
Pág.	Lin	. Dice.	Léase.
3.	20.	{ cienmilésimas ? millonésimas	diezmilésim <b>as</b> cienmilésimas.
3.	17.	expresa	se expresa.
10.	16.	2 *****************	1 7.
42.	2.	derecha	izquierda.
56.	4.	8 cubo	8; cubo.
100.	<b>ż</b> .	del arco	duplo del arco.
129.	13.	201,125	201,25.
138.	7.	=290,299856.	405.299856.

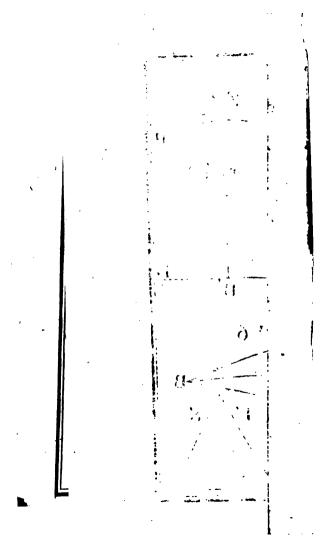
•

•

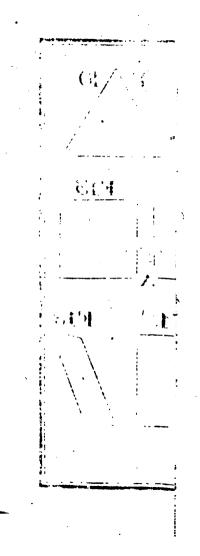




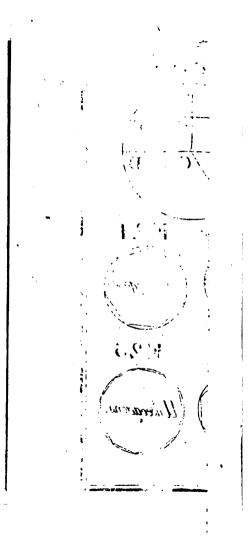




. 1 - 1  $\{i,j\}$ . . • . . . • .





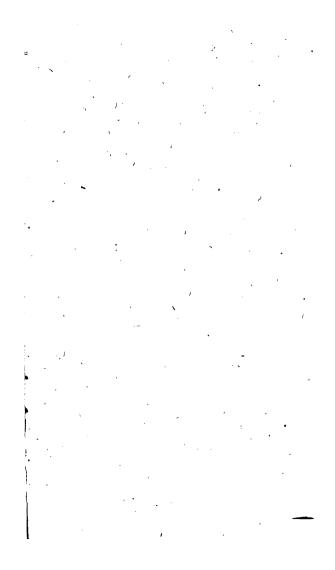


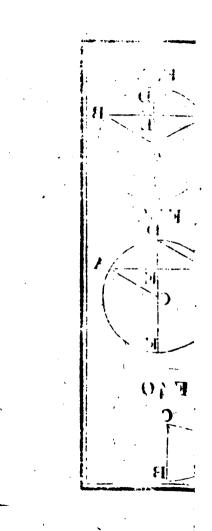
\_

d

• • . . )





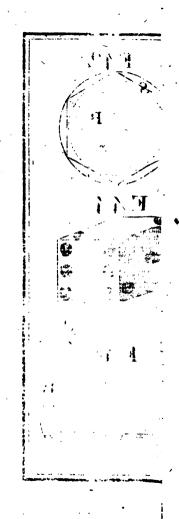


Ţ,

•

• 

اند ۱



, J